

## Оптична голограма

Holos (грек.) - все, повний;  
 grapho (грек.) - пишу, малюю.

Учес Г. на лекції  
 В. Гайду (1948 р.)

Голограма - плоске зображення предмета на ФПЛ.

Реєструється та відтворюється амплітуда світової хвилі, за допомогою якої записувається або відтворюється інф. про тривимірний предмет, ефектом біна на якому.

Голограма (Г.) базується на використанні хвильових властивостей світла - законах інтерференції та дифракції: Г. дозволяє реєстр. та відтворювати амплітуду та фазу (+ поляризацію) світової хвилі:

$$E_0^2 = E_{01}^2 + E_{02}^2 + 2E_{01} \cdot E_{02} \cdot \cos(\alpha_2 - \alpha_1)$$

Розподіл інтенсивності в інтерф. картині визначається і амплітудою, і різницей фаз хвиль, що інтерферують.

Все реалізації Г. потрібно зробіти хвилі: сигнална (предметна) та опорна, які когерентні між собою.

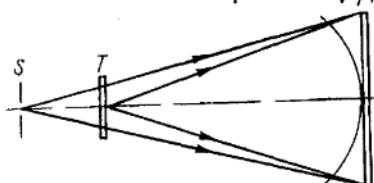
Два етапи: реєстрація (запис) Г. та відтворення (відбудова, реконструкція) Г.

- 1) Хвилья (предметна) відривається, а також дифрагує на деталях предмета (модулюється по ампл. та по фазі).
- 2) Предметну хвилю складають (заставляють проінтерферувати) із когерентною опорною хвиллю.
- 3) За допомогою вже тільки опорної хвилі відтворюють із інтерф. картини предметну хвилю.

Г. - зареєстрована (записана) інтерференц. картина, отримана при накладанні опорної та предметної хвиль.

### Схеми практичної реалізації голограм

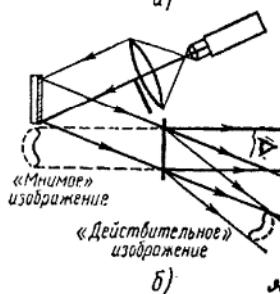
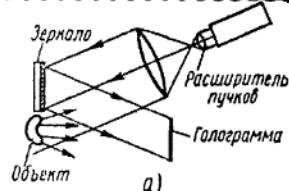
Схема Д.Габора



1) для голографування тільки прозорих предметів; 2) оптичний та предметний промені розділяються в одному напрямі.

Задайте метод поділу фронту хвилі для спосіб редукції інтерференції Вінника.

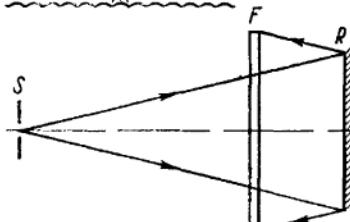
Схема Е.Лейта та Ю.Упатнікса



1) застосовується розсіяне світло (дифузне); 2) метод:  
- 2-х променів;  
- накиленого опорного променя;  
- позасистемний.

- відтворення предметної хвилі:  
відбувається дифракція складної хвилі на Г;  
- дієсле зображен. має приступчастий рельєф ніж предмет;  
- і "дієсле", і "увес" зображен.  
спостерігається неоднорідн. ефек.;  
- Г. відтворює ту із хвиль (будь-  
яку з 2-х!), яка пропливала участ  
у запису Г.

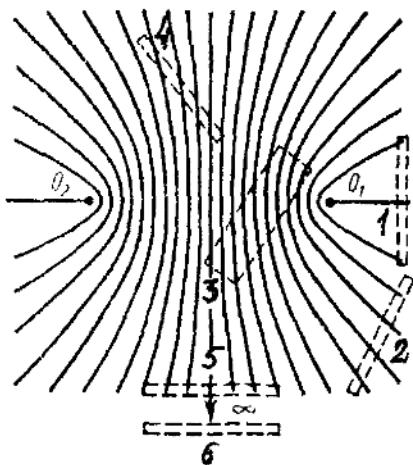
Схема Ю.Денисюка



методом "білого" світла: багатопроменева інтерференція.

Г. на ФПл з говською емуль-  
сією:  $d \approx 15 \div 20 \text{ мкм}$  (або  
 $\approx 30 \div 40 \text{ добж. хв. зеленого світла}$ .  
Фотомасив (Г)-прозорий. R-зеркало  
відтворення предметної хвилі  
відбувається раздіжними про-  
менями.

### Положення ФІл при голограмуванні.



ФІл можна розмістити в будь-якому місці стоячої хвилі Г. На прикладі інтер. картини, яка створена від двох когерентних джерел: 1- по Габору; 2- по Лейту і Унатниеку; 3- по Денисюку; 4- з оберненим хвильовим фронтом; 5- Фур'є Г.; 6 - Г. Фраунгофера.

Г. записується, як правило, на звичайну ФІл, або реєструється будь-яким іншим методом, який дозволяє зареєструвати амплітуду хвилі.

### Зовнішній вигляд Г.



а.



б.

некогерентному світлі при великому збільшенні:

- а- найпростішого предмета. Відстань між сусідніми смугами 5-20 мкм;
- б- складної сцени (зернистість фотомемульсії при такому збільшенні мікроскопу ще не спостерігається)

Розсіяна предметом хвilia виникає при відбитті від поверхні предмета і дифракції на її деталях. Реальна Г. являє собою дуже складну і запутану інтерфер. картину з дуже мілкими деталями без будь-якої помітної під мікроскопом або неозброєним оком закономірності, хоча в закодованій формі Г. містить повну інформацію про амплітуду та фазу розсіяної хвилі.

Відтворення (реконструкція, відбудова) предметної хвилі: тим же лазером та під тим же кутом освітлення Г., що і ФІл при її експонуванні. Відбувається дифракція опорної хвилі на Г.

### Вимоги до умов отримання Г.

1) нерухомість ( $\sim$  долей  $\lambda$ ) всіх деталей установки (мех. жорсткість, інакше не буде високої контрастності ("розмитість" зображення).

2) Для Г. потрібні ФПл з високою розд. здатністю. Сучасні мікрозернисті ФПл –  $10^3\text{-}10^4$  ліній/мм. Коли розд. здатність  $\uparrow$ , чутливість  $\downarrow$ .

3) Роль когерентності. Різниця ходу між опорною та предмет. хвильами дуже велика (до декількох метрів). Тому час когерентн.  $\tau_k > 10^{-5}\text{-}10^{-7}$  с, а  $L_k \sim 1\text{-}10$  м.

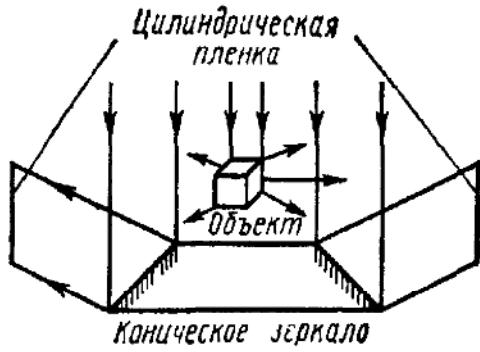
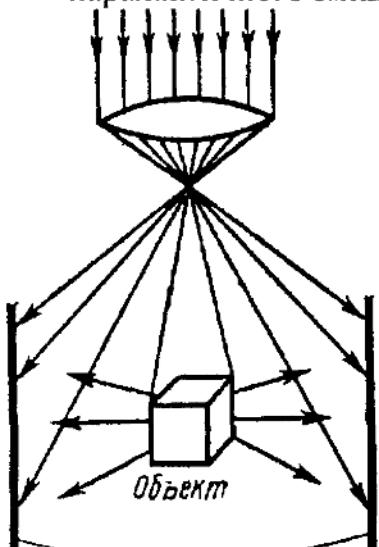
$$\frac{\lambda}{\delta\lambda} \geq m_{\max}, \text{де } m_{\max} \sim \frac{L}{\lambda}, \quad L - \text{лін. розмір предмету.}$$

$$\delta\lambda < \lambda^2 / L. \text{ Якщо } L \sim 10 \text{ см, а } \lambda = 500 \text{ нм, то } \delta\lambda < 10^{-3} \text{ нм.}$$

Для ртутної лампи  $\delta\lambda \sim 30$  нм. Тільки лазер!

### Властивості голографії

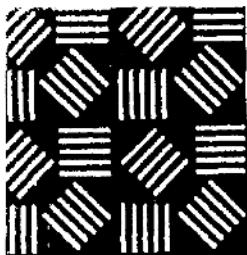
1. Г. – без лізловий спосіб отримання опт. зображення.
2. Зображення, яке дає Г., – **тривимірне і панорамне** (з ефектом паралактичного зміщення)



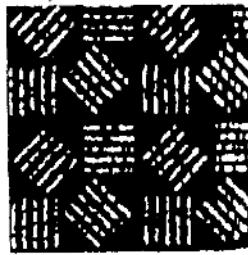
3. На одній ФПл можна зареєструвати **декілька** (реально до 100) **накладених одне на друге зображені** без помітного взаємного впливу.

4. Можна отримати **кольорове зображення**, освітлюючи Г. трьома **різними лазерами** (Г. на чорно-білій ФПл.!).

5. Частина Г, діс як ціла Г.



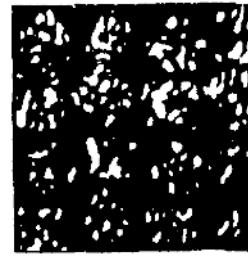
$3 \times 5 \text{ mm}^2$



$2,5 \times 2,5 \text{ mm}^2$



$1,25 \times 1,25 \text{ mm}^2$



$0,5 \times 0,5 \text{ mm}^2$

6. Г. має *асоціативний характер* Г. При реєстрації об'єкту О<sub>1</sub> об'ємної Г. випромінюваннякоїної його точки можна розглядати, як опорне відносно до всіх інших точок О<sub>1</sub>. Якщо отриману таким способом голограму відтворити випромінюванням частини точок записаного на ній об'єкту (наприклад, випромінюванням вістря об'єкта О<sub>1</sub>), то це випромінювання відтворить зображення всіх точок об'єкта, відносно яких воно було опорним, тобто зображення об'єкта в цілому. Таким чином, тривимірна голограма за фрагментом записаної на ній інформації здатна "згадати за асоціацією" всю інформацію про об'єкт у цілому.

7. *Поляризація* Г. Г. здатна реєструвати та відтворювати не лише амплітуду, фазу і довжину хвилі, а і стан поляризації об'єктої хвилі. При запису Г. поляризації опорної та об'єктої хвиль можуть бути різними аж до їх взаємної ортогональності. Інтерференційна картина в такому випадку характеризується модуляцією стану поляризації поля, голограму якого записують. Неозброєне людське око не розрізняє ці стани. Але якщо таку картину зареєструвати на світлоуплотненню середовищі, яке реагує на стан поляризації випромінювання, наприклад, *анізотропією* коефіцієнта поглинання.

5 можна записати поляризаційну Г. На ній одночасно записуються 5

дів періодичні структури, які зсунуті на  $1/2$  періоду інтерференційної картини і відповідають взаємно ортогональним лінійним станам поляризації. Це неначе дві голограми, записані на одному посіві. Відповідно при реконструкції поляризаційної Г. відтворюються дві об'єктні хвилі, які зсунуті на  $1/2$  періоду і поляризовані ортогонально одна до одної і під кутом  $45^0$  відносно до поляризації опорної хвилі. У поляризаційній Г. відтворюється повна інформація про об'єкт, включаючи стан поляризації розсіяного ним поля. Тим самим практично завершилась побудова основ голографії, як метода запису та відтворення всіх без виключення характеристик хвильового поля.

**8. Динамічна Г.** на відміну від статичної Г. існує лише на момент дії опорного та предметного променів, вона не потребує процедури фіксації зображення. Динамічну Г. формують у нелінійному світлочутливому середовищі безпосередньо в момент, коли на нього діє хвильове поле. При цьому використовується зворотний зв'язок між хвильами, що записуються, та голограмою, що ними записується. Іншими словами, у процесі запису відбувається і зчитування інформації. Записана інформація зразу ж, спонтанно починає стиратись, що дозволяє записувати і зчитувати нову інформацію. Суттєвим у динамічній Г. є запізнення в ній зворотного зв'язку між променем запису та записаною голограмою. Інформація, яка міститься у деякій момент часу в промені, визначає характеристики середовища, які в свою чергу впливають на параметри наступної у часі частини променя. Це створює можливість динамічного, в реальному часі управління параметрами як світлових променів, так і інформації, яку вони несуть. На основі динамічних голографічних перетворень розробляються логічні елементи комп'ютерів з швидкодією до  $10^{-12}$  с, що наближається до граничного значення цієї характеристики, яке пов'язане з порядком періоду світлової хвилі ( $10^{-14}$  -  $10^{-15}$  с).

**9. "Хвилеводна Г."** пов'язаний з безпосереднім використанням хвилеводних мод тонкоплівкових хвилеводів як опорного, сигналічного та відтворюючого пучків. При цьому взаємодія мод з реєструючим середовищем відбувається безпосередньо, без етапу перетворення їх у випромінювання вільного простору. Саме **безреєструюче** середовище є елементом тонкоплівкового хвилеводу.

вно розташоване вздовж напрямку розповсюдження хвильових мод.

10. Г. принципово *мені чутливі до дефектів* порівняно із неголографічним побітовим або аналоговим записом інформації. Це пов'язане з однією з основних властивостей Г., яка характеризується цей спосіб запису - не тільки вся субголограма, але і кожний її фрагмент має властивість відтворювати записану на ній інформацію. Однак при цьому, слід мати на увазі, що, чим більша частина субголограми використовується для відтворення, тим вища точність відтворення. Обмеження Г. за площею призводить до зменшення розділення мілких деталей, а обмеження за глибинкою знижує точність спектрального (кольорового) відтворення. При наявності на Г. піну, подряпин, інших дефектів інформації втрати проявляються у вигляді зменшення чіткості границь та кількості інфрацій яскравості між окремими елементами зображення. Це дозволяє казати про надзвичайно високу *періодостійкість та надійність* голографічного запису;

11. Виконуються не послідовні, а *паралельні процеси запису та зчитування інформації* у вигляді окремих субголограм розміром  $\sim 10^4 \text{ } \mu\text{m}^2$  та  $10^5 \text{ біт}$ .

12. Час збергання до будь-якої з субголограм складає  $\sim 1 \text{ мкс}$ :

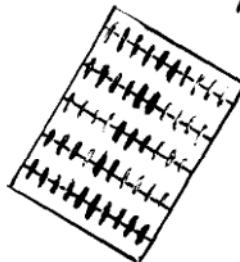
## Ініція анизотропічних середовищ.

### 1. Експеримент

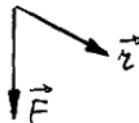
В природі існують речовини, розподілення хвиль в яких відбувається за законами, відмінними від тих, якими описується поведінка ізотропних середовищ: формулами Френеля і законом Снелліуса.

Це - анизотропні середовища. Ух властивості обумовлені:

- особливостями їх молекул (атомів);
- особливостями їх кристалічної структури.



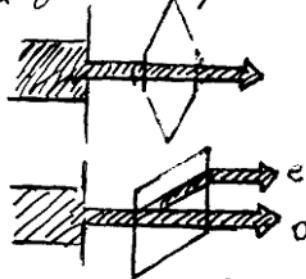
Рахівниця -  
модель анизотроп.  
середовища



Модель, яка пояснює ани-  
зотропні властивості елект-  
рона в кристалі

### Основні експериментальні факти

1670 р. - Барокіні, 1690 р. - Гюйгенс "Трактат про світло".  
1) Незвичайне залишення в кристалах -  
"из Італії" -  $\text{CaCO}_3$



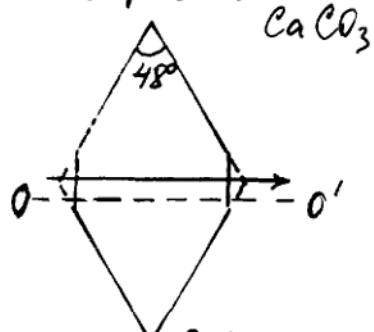
2) Навіть при нормальному падінні світла на неху відбувається залишення - незвичайний ("e") промінь.

В кристалах з кубічною симетрією кристал. структури дифракція не відбується.

3) "e" промінь може не лежати в площині падіння

4) В кристалі існує оптична вісс  $(OO')$ , вздовж якої двопримензагальнення відсутнє.

Планінка, в якій лежить  $OO'$  і падаючий промінь, називається головною площинкою (або головним перерізом).



Слід казати про  $OO'$  як про напрямок, а не ~~як про~~ <sup>нікто!</sup>

5) Для  $\omega^*$  променя показник заломлення  $n \neq n_e(i)$  де  $i$  - кут падіння.

Для  $e^*$  променя  $n_e = n_e(i)$ .

Для  $\lambda = 5893 \text{ \AA}$  (жовтий дублет Na) в  $\text{CaCO}_3$ :

$n_0 = 1.658$ ;  $1.486 < n_e < 1.658$  (верхня межа не збігає з значенням  $n_0$ ).

6) Обидва промені ( $\omega^*$  і  $e^*$ ) повністю поглибовані. У ході поляризації отогочальки.



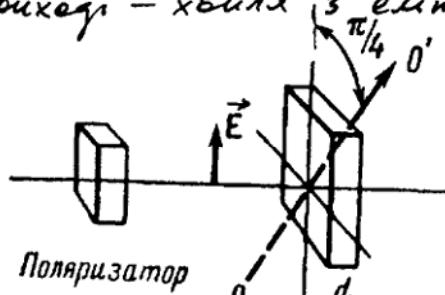
Коливання вектора є б. о" промені перпендикулярні до площини головного перерізу.

\*)  $e^*$ -промінь поглибовані в головній площині.

\*) При розповсюджені променя в напрямку, перпендикулярному  $OO'$ , двопримензагальнення відсутнє (як і для напрямку  $\parallel OO'$ ), хоча  $|n_e - n_0|$  набуває максимуму.

Че означає, що в одному напрямку розповсюджені світлові звінки поперизованих хвиль ( $\vec{E}_0 \perp \vec{E}_e$ ) з різними фазовими швидкостями:  $v_0 = \frac{c}{n_0}$  та  $v_e = \frac{c}{n_e} \Rightarrow v_0 \neq v_e$ . В залежності від тобицьких (d) плягівки промені вийдуть із кінця з ділкою різницею фаз ( $\delta$ ).

Якщо  $\delta = 0, \pi, \dots$ , то результатуюча хвиль буде лінійно поляризованим. Для інших значень  $\delta$  на виході - хвилі з еліптичною поляризацією.



Поляризатор

0'

d

Якщо плягівка - "чвертьхвильова" ( $\lambda/4$ ) - така,

$$\text{що } \Delta = d(n_0 - n_e) = (m + \frac{1}{4}) \cdot \lambda, \text{ тоді}$$

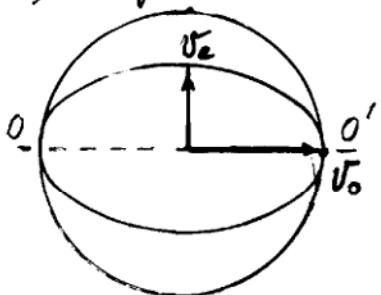
$$\Delta = d(n_0 - n_e) = (4m + 1) \cdot \lambda/4 \quad \delta = \Delta \cdot k =$$

$$\left. \begin{aligned} \Delta = d(n_0 - n_e) = (4m + 1) \cdot \lambda/4 \\ \vec{E}, 00' = 45^\circ, \text{ щоб } |\vec{E}_0| = |\vec{E}_e| \end{aligned} \right\} = (4m + 1) \frac{\lambda}{4} \cdot \frac{2\pi}{\lambda} =$$

$$\left. \begin{aligned} \vec{E}, 00' = 45^\circ, \text{ щоб } |\vec{E}_0| = |\vec{E}_e| \end{aligned} \right\} = (4m + 1) \frac{\pi}{2} = \frac{\pi}{2} + 2\pi m$$

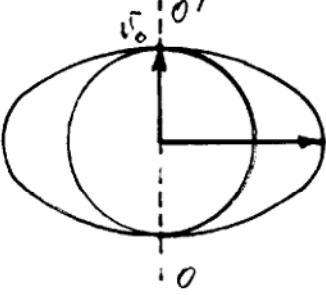
Лінійно поляриз. світло на виході  $\rightarrow$  циркулярно поляризоване світло на виході.

8) Е кристали, в яких  $n_0 > n_e$  і в яких  $n_0 < n_e$



Несиметричний аниз.

кристали:  $v_0 > v_e$   
Кварц,  $TiO_2$ ,  $HgS$



Від'ємний анизотропний

кристал:  $v_0 < v_e$  ( $n_0 > n_e$ )  
 $CaCO_3$ , турмалин, анатит

$$v = \frac{c}{n} \cdot n_e \text{ та } v_e = v_e(\varphi)$$

$$v_0 \neq v_0(\varphi)$$

$$v_e = v_e(\varphi)$$

$$\varphi = k \vec{OO'}$$

# Оптика анизотропних середовищ.

(Кристалооптика). 11. Теорія.

Структура світлових хвиль в анизотропному середовищі.

В лінійному середовищі (незалежно від анонізотропії) визначається рівняння Максвелла:

$$\left. \begin{aligned} \operatorname{rot} \vec{E} &= -\frac{1}{c} \frac{\partial \vec{H}}{\partial t} \\ \operatorname{div} \vec{D} &= 0 \end{aligned} \right. \quad \left. \begin{aligned} \operatorname{rot} \vec{H} &= \frac{1}{c} \frac{\partial \vec{D}}{\partial t} \\ \operatorname{div} \vec{H} &= 0 \end{aligned} \right\} \quad (1)$$

Для плюсової хвилі:  $\vec{E} = \frac{1}{2} \vec{E}_0 e^{i(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})} + \text{K.C.}$

$$\vec{H} = \frac{1}{2} \vec{H}_0 e^{i(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})} + \text{K.C.} \quad | \quad (2) \quad \text{де } \vec{E}_0, \vec{H}_0, \vec{D}_0 -$$

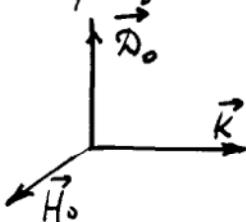
$$\vec{D} = \frac{1}{2} \vec{D}_0 e^{i(\omega t - \vec{k} \cdot \vec{r})} + \text{K.C.} \quad | \quad (2) \quad \text{комплексні ампліт.}$$

$$(2) \rightarrow (1): [\vec{k}, \vec{E}_0] = \frac{\omega}{c} \vec{H}_0; \quad (3)$$

$$[\vec{k}, \vec{H}_0] = -\frac{\omega}{c} \vec{D}_0 \quad (4)$$

$$(\vec{k}, \vec{D}_0) = 0 \quad (5) \quad (\vec{k}, \vec{H}_0) = 0 \quad (6)$$

Із (4)-(6) видно, що  $\vec{D}_0, \vec{H}_0, \vec{k}$  утворюють праву трикутну взаємно перпендикулярних векторів:



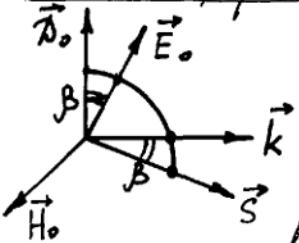
Замінається вектор  $\vec{E}_0$ , який фігурує тільки в (3).

$\vec{E}_0 \perp \vec{H}_0 \Rightarrow$  вектор  $\vec{E}_0$  лежить в площині векторів  $\vec{D}_0$  і  $\vec{k}$ ,

але, вважаємо кожу з  $\vec{E}_0, \vec{H}_0, \vec{D}_0$ !

Пришітка: відомо, що  $\vec{E}$  входить в вектор Чеба-Пойнтінга  $\vec{S} = \frac{c}{4\pi} [\vec{E}, \vec{H}]$ .

Всі 4 вектори:  $\vec{D}_0$ ,  $\vec{E}_0$ ,  $\vec{k}$ ,  $\vec{s}$  лежать в одній площині, до якої вектор  $\vec{H}_0$  паралелен квадратичний.



Кут  $\beta = \vec{D}_0 \cdot \vec{E}_0 = \vec{k} \cdot \vec{s}$  - кут азотропії;

$k$  - нормаль до хвильового фронту;

$\vec{s}$  - напрям світлового променя.

Непаралельність векторів  $E_0$  та  $D_0$   
світлової хвилі обумовлює специфічні оптичні властивості анизотропних кристалів

{ В анизотропному середовищі при подовженні в кільму світл. хвилі на електрони діють зовн. сил., напримір від вектора  $\vec{E}$  хвилі. Однак електрони діються в іншому напрямку, зокін визначається структурою кристалу - відповідь  $\vec{D} \parallel \vec{P}$

$$\vec{D} = \vec{E} + 4\pi \vec{P} = \vec{E} + 4\pi \chi_{ij}(\omega) \cdot \vec{E} \Rightarrow \vec{D} = \epsilon_{ij}(\omega) \cdot \vec{E}$$

$\epsilon_{ij}(\omega)$  - тензор зовн. прискорення лінійного анизотр. середовища  
Якщо декартову СК обрати не звільно, а спеціально (така СК існує завжди), то тензор  $\epsilon_{ij}$  можна діагоналізувати

$$\epsilon_{ij} = \begin{pmatrix} \epsilon_{xx} & 0 & 0 \\ 0 & \epsilon_{yy} & 0 \\ 0 & 0 & \epsilon_{zz} \end{pmatrix}$$

Такі осі  $x, y, z$  називають

головними осями координат. Одна з головних осей

направлена відповідно  $\vec{P}$ , а

направлені 2-х інших - звільнили.

В головних осіах співвідношення такі:

$$\vec{D}_x = \epsilon_{xx} \vec{E}_x; \quad \vec{D}_y = \epsilon_{yy} \vec{E}_y; \quad \vec{D}_z = \epsilon_{zz} \vec{E}_z$$

в залежності від співвідношень між  $\epsilon_{ii}$  кристалічні зділяться: - ізотропні ( $\epsilon_{xx} = \epsilon_{yy} = \epsilon_{zz}$ );

- одновісні ( $\epsilon_{xx} = \epsilon_{yy} \neq \epsilon_{zz}$ ); - гібридні ( $\epsilon_{xx} \neq \epsilon_{yy} \neq \epsilon_{zz}$ )

В об. прогорності кристали характеризуються тим, що  $n = \sqrt{E}$ .

Одновісний кристал має 2 головних показника заломл.  $n_o = \sqrt{E_{xx}} = \sqrt{E_{yy}}$ ;  $n_e = \sqrt{E_{zz}}$

Двовісний кристал має 3 головних показника заломл.:  $n_x = \sqrt{E_{xx}}$ ;  $n_y = \sqrt{E_{yy}}$ ;  $n_z = \sqrt{E_{zz}}$

В одновісному кристалі, якщо  $n_o < n_e$  - кристал додатковий; якщо  $n_o > n_e$  - кристал від'ємний.

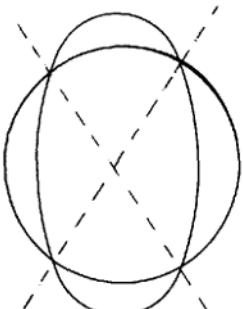
Наприклад: 1) Одновісні кристали

<u>Додатні:</u> $n_o$		<u>Від'ємні:</u> $n_e$			
Люз	1.309	1.310	$\text{LiNiO}_3$	2.300	2.208
Кварц	1.544	1.553	$\text{NaN}_3$	1.587	1.336
Рутил	2.616	2.903	Прусицт	3.019	2.739

2) Узотріщинні кристали:  $\text{CdTe}$   $n = 2.69$

$\text{NaCl}$   $n = 1.544$ ; Алмаз  $n = 2.417$ ;  $\text{CaAs}$   $n = 3.40$

<u>3) Двовісні кристали</u>	$n_x$	$n_y$	$n_z$
Гікс	1.520	1.523	1.530
Маловій шпат	1.522	1.526	1.530
Сланець	1.552	1.582	1.588
Тоназ	1.619	1.620	1.627



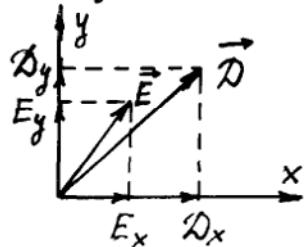
Про двовісні кристали можна прочитати: Біль... с. 249-251  
Тагкаев... с. 259

Власні стани поляризації світлової хвилі

в анизотропному середовищі

Можна показати, що світлова хвиль з довільним станим поляризації ( $\vec{D}$  не направлений вздовж якоїсь з головних осей) в анизотропному кристалі нестійка: вона розпадається на дві лінійно поляризовані, ортогональні хвилі, які розповсюджуються із різними фазовими швидкостями.

Ці стани поляризації назив. власними станими пол.



$$\vec{D} = \vec{E}_x D_x + \vec{E}_y D_y$$

По мірі розповсюдження хвилі в кристалі різниця фаз між ортогональними компонентаами поля буде змінюватись. Тобто: хвиль буде поляризована по спінсу і параметри спінсу будуть змінюватись.

Як аналітично описати цю залежність? Все однобікого кристалу:

Якщо  $\vec{k} \parallel 00'$  (одн. вісь)  $\parallel OZ$  (головна вісь кристалу), то хвиль зберігає свою поляризацію і розповсюджується з однією швидкістю;  $\vec{D} \parallel \vec{E}$ ; вектори  $\vec{E}$ ,  $\vec{D}$ ,  $\vec{k}$  лежать в одній площині (в силу рівності Максвелла).

Якщо  $\vec{k} \perp 00' \parallel OZ$ , то:

- 1)  $D_x = E_{xx} E_x$ ;  $D_y = E_{yy} E_y$ ;  $D_z = E_{zz} E_z$ , або  
 $D_x = n_o^2 \cdot E_x$ ;  $D_y = n_e^2 E_y$ ;  $D_z = n_e^2 \cdot E_z$  (1)
- 2) змішаний добуток ( $\vec{k} [\vec{E} \vec{D}]$ ) = 0 (2) – відикає з (1) та (2) незалежні один від одного.

| рівнення Maxwell.

Обидва ці рівняння виконуються не для будь-яких хвиль, а лише для вибраних напрізань, які наз. власними

$$[\vec{E}, \vec{\mathcal{D}}] = \begin{vmatrix} \vec{x}_0 & \vec{y}_0 & \vec{z}_0 \\ E_x & E_y & E_z \\ n_0^2 E_x & n_0^2 E_y & n_0^2 E_z \end{vmatrix}$$

$$OZ' \parallel OZ \Rightarrow [\vec{E}, \vec{\mathcal{D}}] \perp OZ \Rightarrow (\vec{z}_0 [\vec{E}, \vec{\mathcal{D}}]) = 0 \Rightarrow$$

$\vec{z}_0, \vec{E}, \vec{\mathcal{D}}$  - компланарні.

Чтоби (1) та (2) виконувались у двох випадках:

- 1) якщо  $\vec{\mathcal{D}} \parallel \vec{E} \Rightarrow [\vec{E}, \vec{\mathcal{D}}] = 0 \quad (3)$
- 2) якщо  $\vec{\mathcal{D}}$  лежить в пл. векторів  $\vec{z}_0$  та  $\vec{k}$ , що має значно спрощати запис у випадку  $(\vec{z}_0 [\vec{k}, \vec{\mathcal{D}}]) = 0$ .

Вводять поняття головкої власності - пл., в якій лежать вектори  $\vec{z}_0$  та  $\vec{k}$  (опт. віс та хвильовий вектор).

Висновки (підсумки):

- 1) для будь-якого  $\vec{k}$  в одновимірному анизотропному кристалі існує 2 доволічіх ("власних") напрямки світлової хвилі. Один з них  $\perp$  головкій пл., другий - її паралельний;
- 2) хвиль з добільшим стоком поляризації розподіляється в кристалі на 2 мінімально поляриз. хвилі із взаємно ортогональними поляризаціями ("власними" поляр.);
- 3) швидкості розповсюдження цих ("власних") хвиль різні;
- 4) швидкість звичайної хвилі не залежить від напрямку розповсюдження і дорівнює  $v_0 = c/n_0$

5) інвидкість незвичайної хвилі залежить від напряму розповсюдження в кристалі і лежить у межах між  $c/n_0$  та  $c/n_e$ .

Інвидкість розповсюдження незвичайної хвилі.

Елінс і елінс-показника залишения

інвидк. хвилі розповсюдк. вектор  $\vec{k}$ . Вектор  $\vec{k}$  не співпадає ні з одним з напрямів головних осей.

Задача: визначити  $v = v(\vec{k})$ .

Без доведення: 1) Для звичайної хвилі  $\vec{v} = E \vec{E} =$

$$n_0 = c \cdot \frac{k}{\omega} = c \frac{1}{v_0} \Rightarrow v_0 = \frac{c}{n_0}$$

$$= n_0^2 \vec{E}$$

Для звичайної хвилі фазова шв. не залежить від напрямку.

2) Для незвичайної хвилі:  $\vec{v} \neq \vec{E}; (\vec{E}, \vec{k}) \neq 0$

Для незвичайної хвилі  $x$ -ти кутом  $\varphi$ , де  $\varphi$  - кут між  $\vec{k}$  та  $OO'$  кристалу, то

$$\frac{\sin^2 \varphi}{n_e^2} + \frac{\cos^2 \varphi}{n_0^2} = \frac{1}{n^2(\varphi)}$$

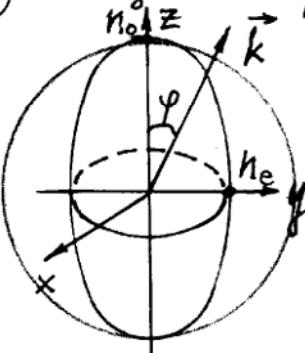
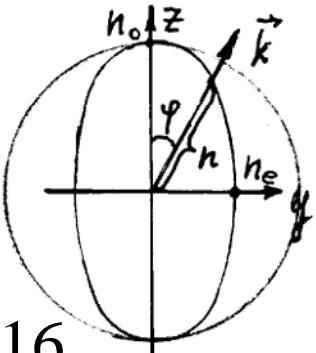
Значення  $n$  та  $n_e$  визначаються векторами головних осей.

(A)

$$n(\varphi) = \frac{n_0 \cdot n_e}{\sqrt{n_e^2 \cdot \cos^2 \varphi + n_0^2 \cdot \sin^2 \varphi}}$$

Знаючи  $n(\varphi)$ , розрахувати  $v(\varphi) = \frac{c}{n(\varphi)}$

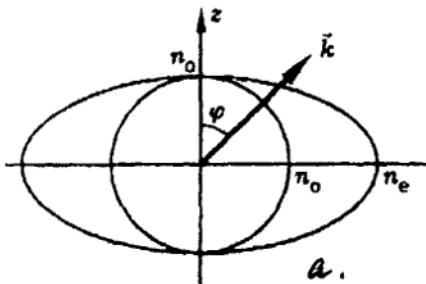
Залежність  $n(\varphi)$  показана на рис.



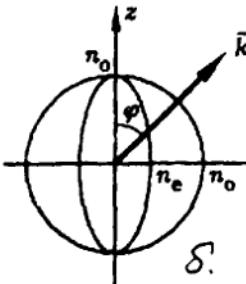
Елінс і елінс-показника залишения. Напівосі -  $n_0$  та  $n_e$  від'ємний азіотр. кристал

Подвійне променезаломлення світла  
на границі з анізотропним середовищем

Перерізи сфери і еліпсоїду показників заломлення для додатного



а.



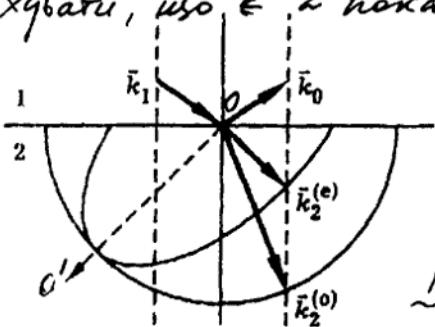
(a) і від'ємного  
(б) одновісного  
анізотропного  
кристалу

Гравітні умови для ел.ч. поля вимагають неперевідності  $t_0$ - (тобто паралельних гравітів поясу) компонент ел.ч. поля:  $E_{t_1} = E_{t_2}$ ;  $H_{t_1} = H_{t_2}$  (1)

Джк і у випадку з ізотропними середовищами, з (1) витікає рівність  $t_0$ -компонент хвильових векторів відбитої та заломленої хвилі:  $k_{1x} = k_{0x} = k_{2x}$  (2)

Закон відбиття залишається в асі:  $\theta_1 = \theta_0$ .

Закон заломлення теж залишається, але треба врахувати, що  $\in 2$  показники заломлення  $n_0$  та  $n_e$ :



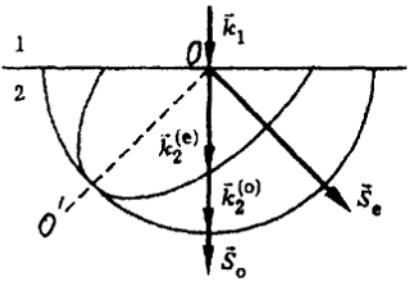
$$\begin{cases} n_1 \cdot \sin \theta_1 = n_2^{(0)} \cdot \sin \theta_2^{(0)} \\ n_1 \cdot \sin \theta_1 = n_2^{(e)} \cdot \sin \theta_2^{(e)} \end{cases}$$

Оскільки  $00'$  лежить в пл. націння.

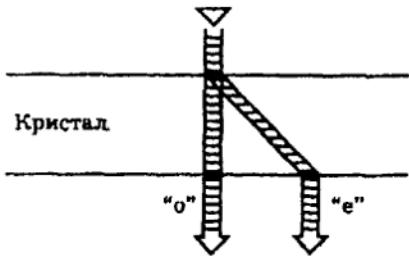
Аналіз: 1) Джк видно з рис., кута заломлення для "0" та "e" променів різні. 2) Вектор Чюба - II.  $\vec{s} = \frac{c}{4\pi} [\vec{E}, \vec{H}]$  не співпадає за напрямком з  $\vec{k}$ . Саме цим пояснюється ефект заломлення в анізотроп. крист. при нормальном падінні (див. наступний рис.).

17

для нормальног  
надіння



$k_{1x} = k_{ox} = k_{2x} = 0$  - із (1)  
Тобто: хвильові вектори в кристалі, як і хв. вектори падаючої хвилі, напрямлені перпендикулярно до неї.



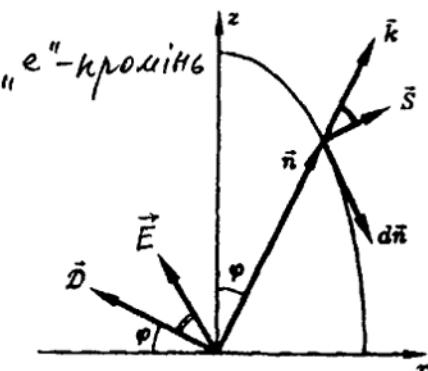
3) Як знайти напрямки „o“ та „e“ променів?:

Напрямок „e“ променя співпадає з малою напів-осью еліпса показника захоплення  $n(\varphi)$ , а остан-ній будеться за законом (A). Цей напрямок - пер-пендикулярний до  $OO'$ .

Напрямок „o“ променя визначається за законом Скелінга:  
4) Попередній розгляд проводиться у припущенні, що  $OO'$  лежить в пл. надіння. В цьому випадку захом-леній промінь теж лежить у пл. надіння. А якщо  $OO'$  не лежить в пл. надіння? Тоді захомлений „e“ промінь не буде лежати в пл. надіння, через те, що він завжди повинен знаходитись в головній площині.

Тобто: захомлені світло в анизотропному кристалі відбувається не завжди в пл. надіння.

5) Як визначити напрямок „e"-променя при звільному куті падіння променя ( $\varphi$ ) на межу розділу? (п. 3 спирається нормального падіння).



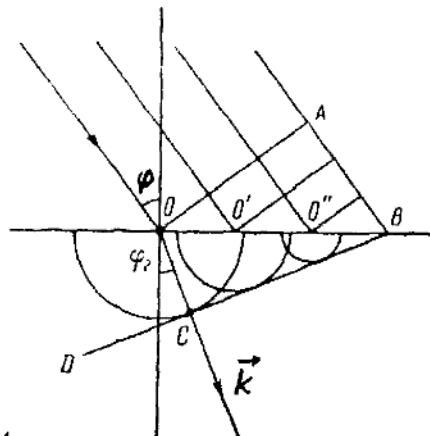
Відповідь: В одновісному азотропному кристалі „e"-промінь напрямлений по нормальні до епікоїду показника зачленення: вектор  $\vec{S} = 4\pi/c [\vec{E}, \vec{H}] \perp$  до дотинки в точці  $n(\varphi)$  (див. рис.).

З рис., крім того, видно, що:

- кут  $\vec{k}\vec{S} =$  кут  $\vec{D}\vec{E}$  - кут азотропії;
- $\vec{S} \perp \vec{E}$ ;  $\vec{k} \perp \vec{D}$ ;
- $\vec{E} \parallel d\vec{n}$  ( $\vec{S} \perp d\vec{n}$ ), де  $d\vec{n}$  - дотина до епікоїду показника зачленення в точці  $n(\varphi)$ . Фізичний зміст  $d\vec{n}$  побудованій із променем вектора  $\vec{n}$ , яке виникає при збільшенні кута  $\varphi$  на величину  $d\varphi$ .

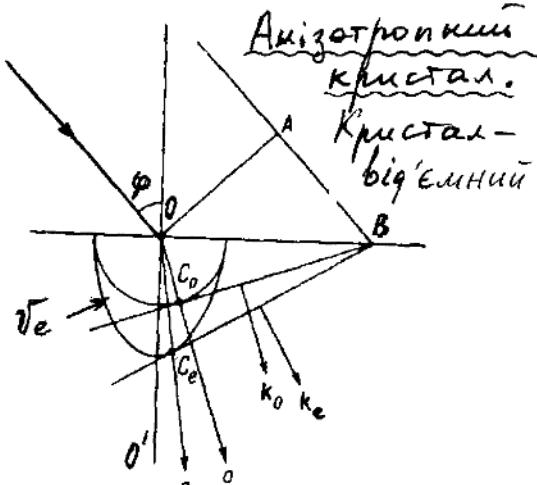
Побудова Гюйгенса

Гюйгенс постулював, що кожна точка, до якої доходить світлове збудження, може розглядатись, як центр відповідних вторинних хвиль. Для побудови хвильового фронту в наступні моменти часу слід побудувати огинаючу цих вторинних хвиль.

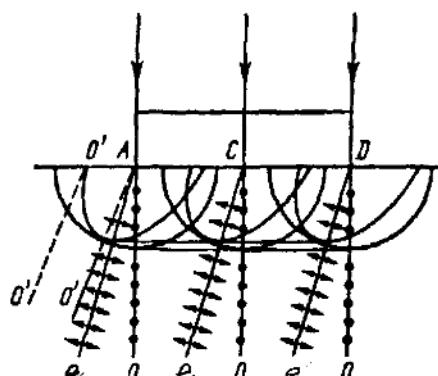
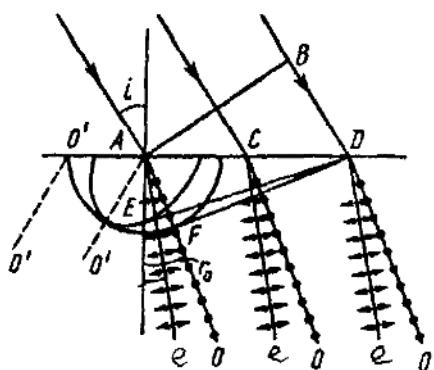


Узотропний кристал

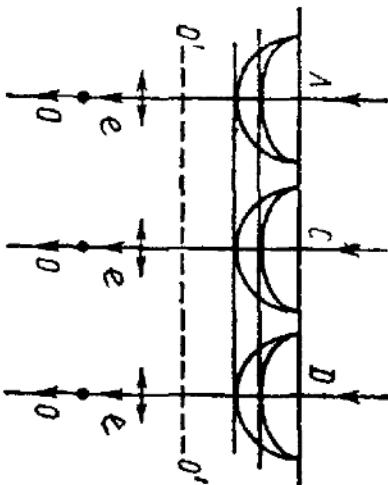
Головна площа співпадає з площею малюнку



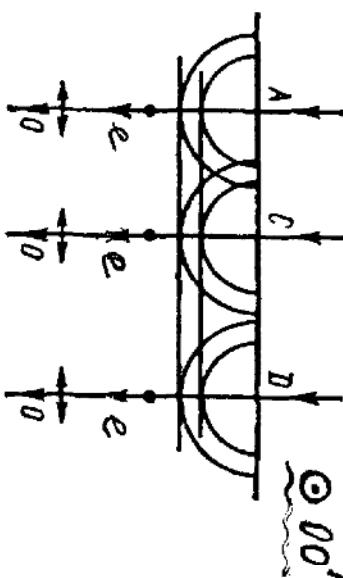
Як знайти поляризацію хвиль в анізотропному кристалі? Вектор Е для "e"-хвиль завжди лежить в головній площині. Вектор Е для "o"-хвилі – перпендикулярний до головної площини.



"e"-промінь не перпендикулярний до хвильового фронту!



$V_0 > U_e$  - гре разогнано кристалл



Задача №11: подысчитать токи в цепи (максимум хвостового провода, норма и то же), а не напрямую измерить (измерение  $\vec{S}$ ). На гармонику синусоидально изменяющуюся за небольшой промежуток, а не за нормальное время. Для этого предварительно, что: 1) подысчитать токи в цепи и измерить 6 паспортных параметров нормальной работы: 1) подиэлектрик загашен; 2) преда спадывает, что при этом

аналіз, використання

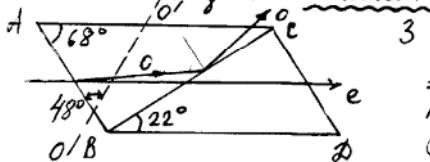
Поларизатори - пристрій для перетворення природного або частково поляризованого світла в лінійне поляризацію.

Поляризатори і аналізатори.

За принципом дії: 1) відбивання під кутом бровстера; 2) залишене світло - частково поляризоване  $\Rightarrow$  Стола Столєтова; 3) зваже дихроїзму в деяких ізотропних середовищах (шлівах) - колерайди; 4) поляризаційні призми, основані на зміні двопроменевого заломлення.

Поляризаційні призмиоднопроменеві:

Першу поляр. призму винайшов Ніколс (1828р.). На їїго честь названа ніколем.



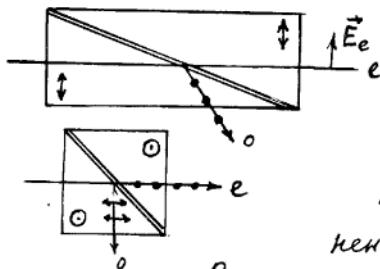
З ісландського шпату:  $\text{CaCO}_3$

$$\frac{AB}{AC} = 3.65$$

Складка по ВС ізотропним

Для "O" променя виконуються канадським бальзамом  $n = 1.550$   
умови повного відбиття ( $n_o > n$ )  $\text{де } \lambda = 589 \text{ нм}$

Для "e" променя ( $n_e < n$ ) - ПВВ немає.

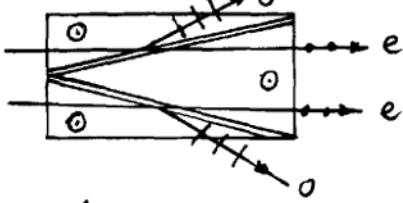
Призма Глана (Глана-Фукса)

$n_e < n_{\text{скл}} < n_o$   
в залі: склянка-глицерін (44),  
канадський бальзам (видиме світло),  
Масло, повітря.

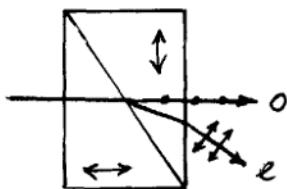
тут надійна на поверхні розрізу повинні бути більшими за граничний кут ПВВ.

Різниця кутів нахилу між крайніми променями надаючого пучка, які задовільняють такі умови, визначає апертуру повної поляризації призми.

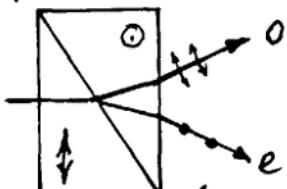
Для призми Фукса умови ПВВ виконуються для "O"  
і для "e" променів!  $n_o < n_e < n_o$ . Тому призму Фукса буде коротшою для того, щоб кут надійно "e" променя на поверхні був меншим від граничного кута ПВВ, а для "O" променя - більшим за цього. При цьому апертура повної поляризації становить всього  $8^\circ$ .

Призма Аренса

Використовується для кіг-  
світла в поляриз. мікроско-  
пах: дає широкий промінь.

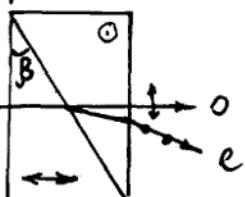
б) двохраменеві поляризаційні призми:Призма Томсона

„O“ промінь - ахроматичний  
Кут відхилення „e“ променя  
залежить від колору світла.

Призма Воластона

Промені на виході -  
симетричні

Через те, що  $O O'$  в різних по-  
ловинах призми перпендику-  
лярні, промінь звичайний в  
I половині стає незвичайним  
в II половині призми.

Призма Ромека

„e“ промінь виходить під кутом  
 $\theta = (n_o - n_e) \cdot \operatorname{tg} \beta$

Призма, яка виготовлена із скла та ісландськ. шпату

Близькість показників заломлення  
скла ( $1.49$ ) та  $n_e = 1.486 \Rightarrow$  промінь  
проходить через призму практично не  
залимлюючись; Потім  $\approx n_e$

Матеріали для пілоризаційних призм:

ісландський шпат, кварц, турмалін

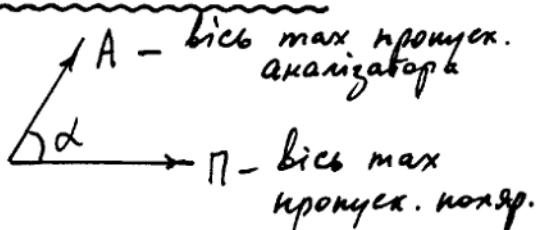
Турмалін: - бід'ємний кристал, одновісний;

- має сильне селективне поглинання одного з променів (звичайного). Для дрібни з кристалу виходить практично один (незвичайний) промінь - дихроїзм.

Характеристики пілоризаційних призм

- 1) з якого матеріалу зроблена (це визначає спектр. область);
- 2) коеф. пропускання ( $T \approx 40\%$ ;  $T_{\max} = 50\%$ );
- 3) ступінь поляризації ( $P \approx 98\%$ );
- 4) апертура - мах кут розходження надалогочого променя, коли призма дає 100% теоретичну ступінь поляризації.

Закон Малюса



$$I_{np} = I_0 \cos^2 d$$

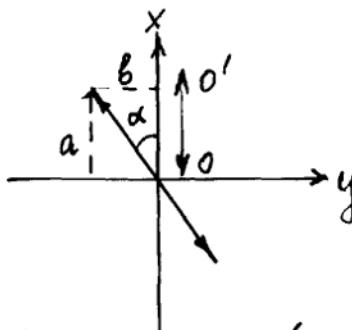
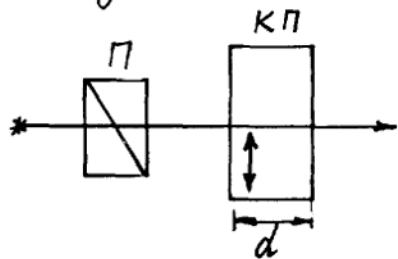
$I_0$  - інтенс. лін. поляр. світла, що виходить з поляризатора;

$I_{np}$  - інтенс. світла, що виходить з аналіз.

Якщо на поляризатор надає природне світло з інтенс.  $I_{Bx}$ , то після аналізатора  $I_{np} = \frac{1}{2} I_{Bx} \cos^2 d$

Взаємодія ортогонально поляризованих променів.

Фазові плоскості



В КП "o" і "e" промені проходять в одному напрямку, але з різними швидкостями.

Після  $\Pi$  площини комбайн  $\vec{E}$  утворює кут  $\alpha$  з  $00'$ . Ампл. звук. хвилі  $a = A \cdot \cos \alpha$  де  $A$  - ампл. комбайн. незвук. хвилі  $b = A \cdot \sin \alpha$

$$\Delta = (n_o - n_e) \cdot d$$

$$\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_o - n_e) \cdot d$$

На виході з КП :  $x = a \cdot \cos \omega t$ ;  $y = b \cdot \cos(\omega t - \varphi)$

$y = b (\cos \omega t \cdot \cos \varphi + \sin \omega t \cdot \sin \varphi)$  та  $\cos \omega t = \frac{x}{a}$  (1)

$$y = b \left( \frac{x}{a} \cos \varphi + \sin \omega t \cdot \sin \varphi \right)$$

$$\sin \omega t \cdot \sin \varphi = \frac{y}{b} - \frac{x}{a} \cos \varphi \quad (2)$$

Підносимо до квадратів (1) та (2) та додамо их:

$$\cos^2 \omega t \cdot \sin^2 \varphi = \frac{x^2}{a^2} \cdot \sin^2 \varphi$$

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} - \frac{2xy}{ab} \cdot \cos \varphi = \sin^2 \varphi$$

Регулювання комбайн на після КП буде спіниться.

Форма і орієнтація елінусу залежать від  $\alpha$  і  $\varphi$ .

Світло після КП - елінтично поляризоване.

$\lambda/4$  - фазова ширина

Іншо твердження є плагіатом задовільне умові  
 $(n_0 - n_e) \cdot d = \lambda/4$  або  $(n_0 - n_e) d = (m + \frac{1}{4}) \lambda$

де  $m$ - ціле число, то  $\varphi = \frac{\pi}{2} + 2m\pi$

Тоді рівняння еліпса набуває вигляду

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 \quad \text{тобто вони збігають.}$$

Інакше при цьому  $d = 45^\circ$ , то  $a = b$  і  $x^2 + y^2 = a^2$ .

В цьому випадку світло поляризується по кругу (круг).

Погрібно, щоб діставалась дві колегальні хвилі з однаковими амплітудами, поляризовані у відношенні перпендикулярних площин з різними фазами, що дорівнює  $\frac{\pi}{2}$ .

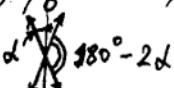
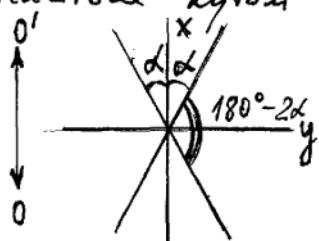
В залежності від того, компонента відповідних векторів є відповідною компоненту відповідних відповідної фази на  $\frac{\pi}{2}$  за фазою, кажуть про обертання результируючого вектора проти годинникової стрілки або за нею. Розрізняють ліву і праву кругову (еліптичну) поляризацію.

 $\lambda/2$  - фазова ширина

Твердження є підтверджено так, що  $(n_0 - n_e) \cdot d = \frac{\lambda}{2}$  або  
 $(n_0 - n_e) \cdot d = (m + \frac{1}{2}) \lambda \Rightarrow \varphi = \pi$ .

При умові, що  $\varphi = \pi$  еліпс вироджується в прямій, що збігаються:  $\left(\frac{x}{a} + \frac{y}{b}\right)^2 = 0$

Світло залишається лінійно поляризованим, але орієнтація площини коливань  $\vec{E}$  змінюється від такої, яка визначається кутом  $\alpha$ , до такої, що визначається кутом  $180^\circ - 2\alpha$



Фазова пластика у чисі довжини хвилі задовільне  
умову  $(n_0 - n_e) d = \lambda$  або  $(n_0 - n_e) d = m\lambda$ , що  
дає  $\varphi = 2\pi$ . При цьому еліпс вироджується у пряму  

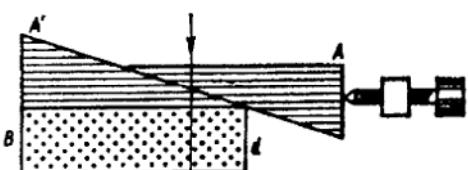
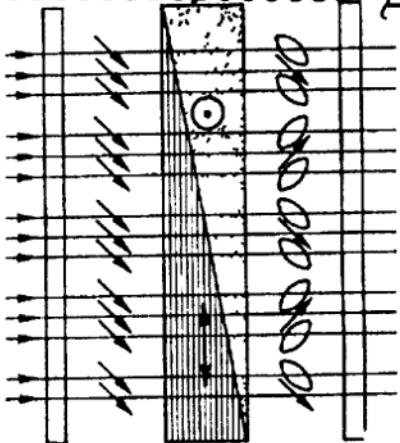
$$\left(\frac{x}{a} - \frac{y}{b}\right)^2 = 0 \Rightarrow y = \frac{b}{a} \cdot x$$

Світло замішується лінійно поляризованим без зміни  
плоскості поляризації.

### Аналіз стану поляризації

Треба відійти розрізнити і вимірювати параметри: лінійно  
поляризованого світла, циркулярно-та еліптично по-  
ляризованого, світла природного та циркулярно поляр.,

Компенсатор Бабіна } еліптично-та частково-поляр.



компенсатор Солейля

$(d_1 - d_2)$  - вимірюємо;  $\Delta\varphi$  - знаходимо

2 клина, виготовлені із кварцу  
із взаємно перпендикул. ОО'

Промінь світла проходить  
в клинах різкі шляхи:  $d_1$   
та  $d_2$ . Звичайний промінь  
в I клину стає незвичай-  
мим променем в II клину.  
і навпаки. Додаткова різни-  
ца ходу  $\Delta = (n_0 - n_e) d_1 +$   
 $+ (n_e - n_0) d_2 =$   
 $= (n_0 - n_e) (d_1 - d_2)$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} (n_0 - n_e) (d_1 - d_2)$$

$(n_0 - n_e)$  - задбувавши;

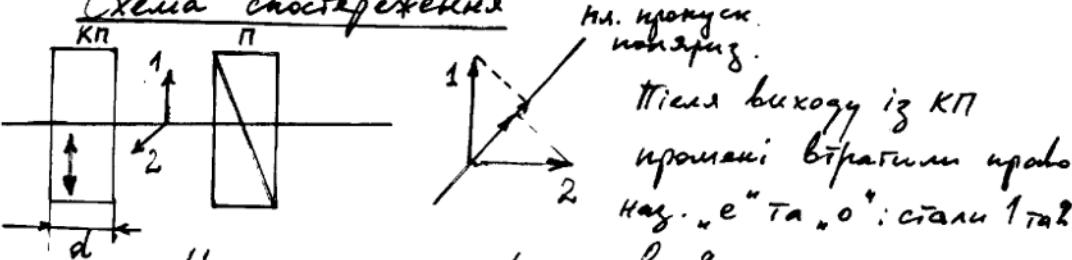
## Інтерференція лінійко поляризованих хвиль

Якщо хвилі поляризовані ортогонально, то вони ніколи не можуть утворити інтерференційну картину.

Тоді: „e“ та „o“ промені, які зумовлюють різницю фаз, не можуть інтерферувати між собою та, що  $E_o \perp E_e$ , хоча  $\Delta\phi = \text{const.}$

Де набіг фаз цих „e“ та „o“ променів в апіздр. кристалі, не змінюючи інтенсивності, виникає на колі розсіяння променя на виході. Зміну поляризації за допомогою аналізатора можна трансформувати в зміну інтенсивності.

### Схема спостереження



н. пропуск.  
поляриз.

Після виходу із КП  
промені відхилені право  
наз. „e“ та „o“: стали 1 та 2

Наприклад коливань в двох променях, спогадую поляризованих у взаємно перпендикулярних напрямках, можна звести в одну площину за допомогою поляризатора, площину якому скажи якщо не співпадає з площинами коливань кількох із променів.

- 1) Якщо на КП падає цирордне світло, то вони на виході КП дають не когерентні промені (інтерферувати вони не можуть);
- 2) Якщо на КП падає лін. колер. світло, то промені 1 та 2 - когерентні.

28 пояснення: ... Дав. Савельев... § 31 (с. 172)

29 Нічіль КП світло буде еліптико-поліризованим. 29  
Форма і орієнтація еліпса залежить від говізини ( $d$ ).  
Якщо КП в різних місцях має різну говізину, то  
для кожної з цих говізин ( $d_i$ ) буде своя форма еліпса.  
При цьому інтенсивність світла, що проходить через  
КП в різних її місцях, — однакова. Але такий  
результат різко змінюється після проходження світлом  
поліризатора П. Цей поліризатор пропускає тільки  
ті екладові променів 1 та 2, які співпадають з на-  
прямком пропускання П.

Якщо світло, яке падає на КП, монохроматичне,  
то інтерф. картина після П складається із світлих  
і темних плям, які відповідають різним говізинам  
КП.

При обертанні П на  $90^\circ$  місце мікроскопів замінюють  
також, і навпаки.

У більшій світлі інтерф. картина буде колоровою ( $n(\lambda)$ ).  
При обертанні П на  $90^\circ$  колори картини переходять  
у додаткові: сірь  $\rightarrow$  голубе; зелен  $\rightarrow$  фіол.; синє  $\rightarrow$  хвіст.

Ультрафіолетії не буде, якщо поліризатор єдиний  
з променів (1 або 2) співпадає з площинкою про-  
пускання поліризатора П.

Якщо на КП направити неполяризоване світло  
або забрати поліризатор (аналізатор), то інтерф. карт.  
зникає.

Якщо у засобі екрана використано не амплітудно  
згасливу флюоресційну, а середовище, згасливе до поле-  
різації (що краще до фази) хвилі, то інтерф. — без П. 29

## Оптична активність

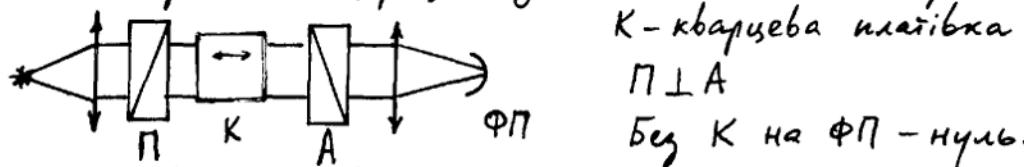
О. а. - природна (не штучна).

О. а.  $\equiv$  гіротропія.

О. а.  $\equiv$  обертання площини поляризації світла при проходженні світла крізь інші речовини.

Такі речовини наз. гіротропними, або природно активними. Ух гіротропні властивості юв'яють (викликані структурою) із структурою молекул або кристаліческих н. д. речовин, розчинів і кристалів.

Водний розчин цукору та кварцу. Кварц - кристалічний (не плавлений). Кварц - анизотропний одновісний кристал і, разом з тим, оптично акт. кристал.



K - кварцева плейківка  
 $\Pi \perp A$

без K на ФП - нуль.

Якщо в схему вставити K, то на ФП з'являється сигнал, який можна скомпенсувати (випирети) аналізатором A.

$$\Delta\varphi = \alpha_0 \cdot d \quad \alpha_0 - \text{обертельна здатність}.$$

Для кварцу  $\alpha_0 = 21,7\%$  при  $\lambda = 560\text{ нм}$

$$\alpha_0 \sim \frac{1}{\lambda^2} - \text{сильна залежність}: \Delta\varphi_{\text{квар.}} = 20^\circ$$

Кварц має дві модифікації:  $\Delta\varphi_{\text{флю.}} = 50^\circ$

"правий кварц" та "лівий кварц"

О. а. рідини. біо встановив, що  $\varphi = [\alpha] \cdot d \cdot c$

$[\alpha]$  - стала обертання; c - концентрація розчину.

Для водних розчинів цукору при  $t = 20^\circ\text{C}$ ;  $\lambda = 5893\text{ \AA}$

$$[\alpha] = 66.46^\circ$$

### Оптична активність як особливий випадок двопроменевозаломлення. (Теорія Френеля)

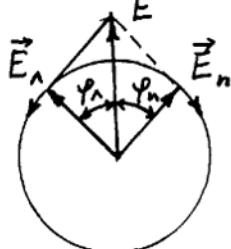
За Френелем існує  $n_s$  та  $n_g$  ( $n_s$  та  $n_n$ )

$\Delta n = n_n - n_s$  — різниця пок. захоплення для кружового (циркулярного) двопроменевозаломлення.

Будь-яке лін. коливання можна представити у вигляді суми 2-х кружових коливань:

$$\left. \begin{array}{l} E_x = E_0 \cos \omega t \\ E_y = E_0 \sin \omega t \end{array} \right\} \Rightarrow E_n = E_x + iE_y \quad \text{ліва обертання}$$

$$\left. \begin{array}{l} E_x = E_0 \cos \omega t \\ E_y = -E_0 \sin \omega t \end{array} \right\} \Rightarrow E_n = E_x - iE_y \quad \text{праве обертання}$$



$|E| = \text{const}$  — середовище

не можна

$$\left\{ \begin{array}{l} E_n = E_0 e^{i\omega t} \\ E_n = E_0 e^{-i(\omega t - \Delta\Phi)} \end{array} \right.$$

$$n_s = n_n$$

$$n_s \neq n_n \quad (n_n < n_s)$$

$$v_s = v_n$$

$$v_n > v_s$$

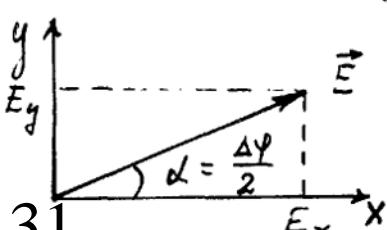
$$\varphi_s = \varphi_n$$

$$\Delta\Phi = \varphi_n - \varphi_s$$

$$E_n + E_n = E_0 e^{i\omega t} + E_0 e^{-i(\omega t - \Delta\Phi)} =$$

$$= e^{i\frac{\Delta\Phi}{2}} \cdot E_0 \left[ e^{i(\omega t - \Delta\Phi/2)} + e^{-i(\omega t - \Delta\Phi/2)} \right] =$$

$$= 2E_0 e^{i\frac{\Delta\Phi}{2}} \cdot \cos(\omega t - \frac{\Delta\Phi}{2})$$



$$\left\{ \begin{array}{l} E_x = 2E_0 \cos \frac{\Delta\Phi}{2} \cos(\omega t - \frac{\Delta\Phi}{2}) \\ E_y = 2E_0 \sin \frac{\Delta\Phi}{2} \cos(\omega t - \frac{\Delta\Phi}{2}) \end{array} \right.$$

Кут повороту ( $\alpha$ ) залишив більш різницю фаз ( $\Delta\Phi$ )

Фаза „правої” хвилі  $\varphi_n = \omega t - \frac{2\pi}{\lambda_0} n_n \cdot d$

11.

Фаза „лівої” хвилі  $\varphi_\lambda = \omega t - \frac{2\pi}{\lambda_0} \cdot n_\lambda \cdot d$

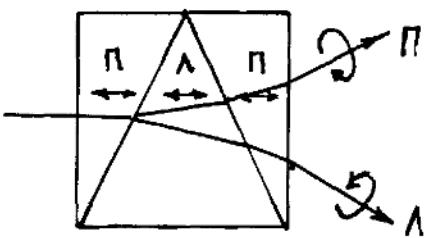
$$\Delta\varphi = \varphi_n - \varphi_\lambda = \frac{2\pi}{\lambda_0} (n_\lambda - n_n) d = \frac{2\pi}{\lambda_0} \cdot c \left( \frac{1}{v_n} - \frac{1}{v_\lambda} \right) \cdot d$$

$$d = \frac{\Delta\varphi}{2} = \frac{\pi}{\lambda_0} (n_\lambda - n_n) \cdot d$$

Якщо  $n_\lambda > n_n \Rightarrow v_\lambda < v_n$  — правий кристал

Якщо  $n_\lambda < n_n \Rightarrow v_\lambda > v_n$  — лівий кристал

Френелль перевірив своє пристягнення за допомогою досліду з призмою Френеля:



Складна призма із 3-х кусків кварцу ( $n=1.52$ ).

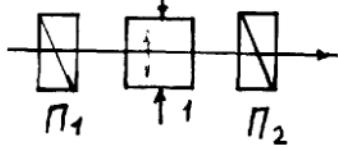
Об'єднання 3-х кусків  $\parallel$  осі від призми, щоб не було проміння дифракцією.

На границі I i II призм промінь роздвояється через те, що  $n_\lambda \neq n_n$ . Теж саме на границі II i III призм. На виході — 2 промені з лівого та правої піркув. можуть зіткнутися.

### 33 Штучна оптика аїзотропії

33

Аїзотропія при механічній напрузі (фотодужкість)



1 - зразок (куб) з клацесного кварцу, оргскала, ...  
 $\Delta n = K \cdot P$

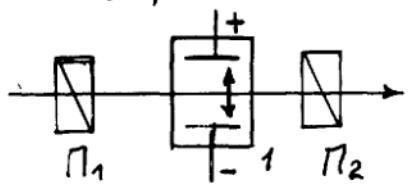
$K$  - стала Брюстера (константа розсвіти)  
 $P = F/S$  - тиск

Тиск (стискання або розтяг) м.б. зробленою  $\Rightarrow$   
 зразок стає оптико звідінним

Використовується для вивчення залишкових напруг в інераторах тілах (кінескопи, лампи тощо).

Для неподвижних конструкцій - моделювання з певним коефіцієнтом подібності.

Аїзотропія в електричному полі (ефект Керра)



1 - Кювета з рідинкою та ел. конденс.  
 Вкл. ел. поля призводить до  
 появи сигналу в системі  
 $P_1 \perp P_2$

Оптична вісс напримісна відповідь силових ліній  
 ел. поля.

Е рідини з  $n_e > n_0$ ;  $n_e < n_0$ ;  $n_e = n_0$  (ефект Керра немає) - експеримент.

$$\Delta n = B \cdot \lambda \cdot E^2 \Rightarrow \Delta = l \cdot \Delta n \Rightarrow \Delta \varphi = k \cdot \Delta$$

Через те, що  $\Delta n \sim E^2$ , знак різниці фаз не залежить від напрямку ел. поля.

а) Для неподвижних рідин (теорія Ланжевена)  
 величина коеф. Керра  $B > 0$ . - додатній, квазі-  
 кристал).

8) Для неполярних рідин (теорія Барка, 1915 р.):

Диполі орієнтується по напрямку:  $P = \alpha E$

Для кітровензому  $B = 2.2 \cdot 10^{-5}$  CGSE ( $B > 0$ )

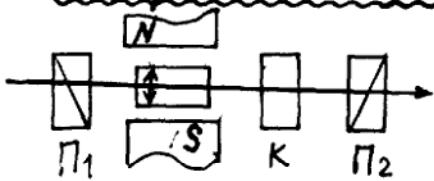
Две кювети з  $l = 5$  см,  $d = 1$  мм,  $U = 1500$  В  $\Rightarrow$

$$\Delta\varphi = \frac{\pi}{2} ! \quad (\frac{\lambda}{4} \text{ пасивка} !)$$

Час переміщення дзе кітровензому  $\approx 0.5 \cdot 10^{-11}$  с

Акізбронів в магнітному полі (ефект Коттона -

Мутона)



К-компенсатор (для зас-  
тіжки зсуву фаз)

$$\Delta n = D \cdot B^2$$

$$\Delta\varphi = \frac{2\pi}{\lambda} \cdot \Delta n \cdot l = 2\pi C_0' \cdot l \cdot B^2$$

$B$  - м. індукція;  $C_0'$  - стала Коттона -

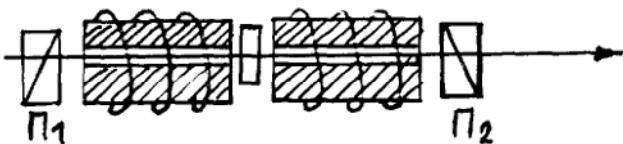
Мутона, яка залежить від природи речовини.

Для кітровензому  $C_0' = 2.25 \cdot 10^{-2}$  м<sup>-1</sup> Тл<sup>-2</sup>.

Дов.  $B = 1$  Тл та  $l = 1$  м  $\Rightarrow \Delta\varphi = 0.14$  рад.

Ефект Фарарадея (1846 р.)

В неперевінчих ефектах був індуктований зсув фаз (ефект двопроменевозахислення). В ЕФ - обра-  
тніє кільчики поляризації:  $\Delta\theta = V \cdot l \cdot B$



$V$  - стала Верде;  
 $l$  - довжина злізка;  
 $B$  - індукція магні-  
того поля.

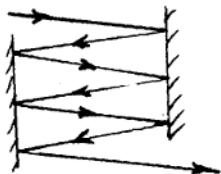
Е речовини з  $V > 0$  (правообертальні,  
або позитивні). Речовини з  $V < 0$  - лівообертальні (негативні  
зіг'єнні).

Наприклад одержанім площини поляризації в ЕФ для кожної резонансній визначається лише напрямок магнітного поля і не залежить від напряму світла.

Час занесення (інерція ЕФ) -  $\sim 10^{-9}$  с.

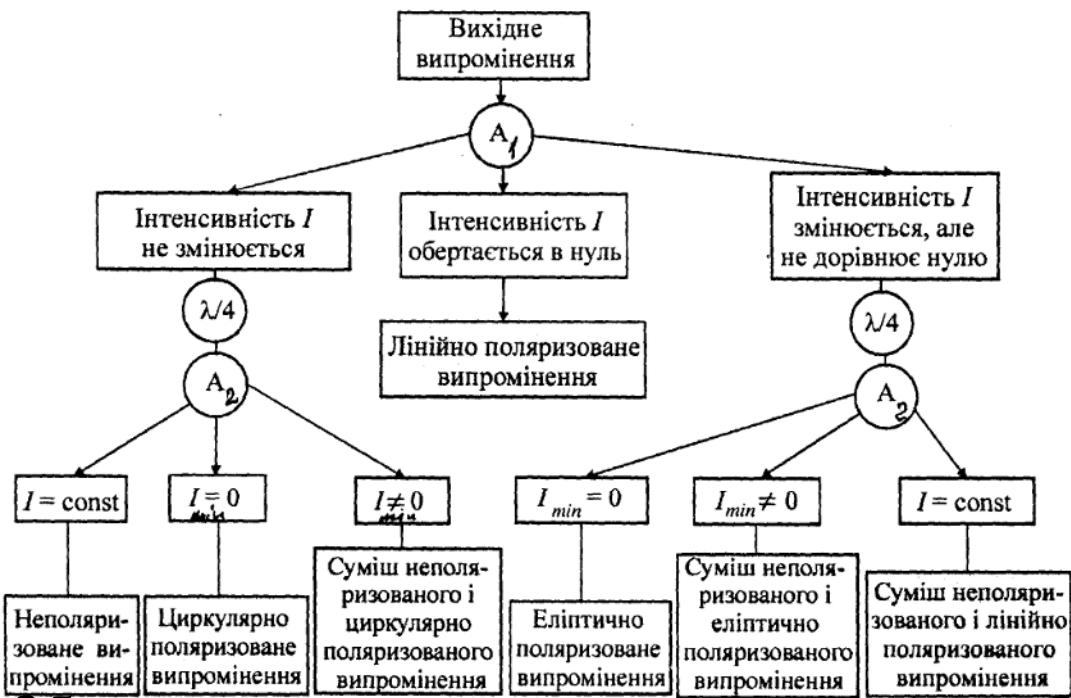
Підсилення ЕФ шляхом багаторазового проходження світлом робочого зонду:

$$\text{Стала Верде } V \sim \frac{1}{\lambda^2}$$



Для спр. скла - важко  
фільтр  $V = 0.08 \text{ см}^{-1}$ . Ераст

#### Схема аналізу стану поляризації світлового променя



## Розсіювання світла

Розсіювання світла в оптично неоднорідному середовищі

Оптично однорідне середовище - таке, для якого  $n = \text{const}$  як у просторі, так і у часі. Від такого середовища р.с. не спостерігається.

При поширенні світла в опт. середовищі електр. поля хвилі викликає винуватки коливання оптичних електронів.  $\Rightarrow$  Ці

↔  
електрони випромінюють ел.м. хвилі ТІСІ

↔  
частоти, що і частота падаючої хвилі.

↔  
Ці хвилі - вторинні. Якщо вони когерентні, то вони інтерферують.

Едений наприм., в зону не має гасіння, що наприм. падаючої хвилі. В цьому напримі буде не виникнувати вторинна хвиля без гасіння і буде поширюватися хвиля.

Якщо в середовищі є неоднорідності (середовище - не гомогенне), то світло буде поширюватися у напрямах, відмінних від напряму поширення падаючої хвилі. Це є розділення світла.

Неоднорідність середовища поділяється на зонами покладинами та випинками.

Розділення неоднорідностей розглядається як нерегулярність (нерегулярність)

види макроскопічних неоднорідностей: 1) тверді частинки в газі (дим); 2) рідини, в якій наявні краплини іншої нерозчиненої рідини (спінусії); 3) тверді частинки в рідині (сuspensiї).

Такі середовища наз. кагалчастими (рос. і "мутніми сирові").

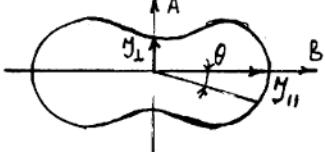
В цьому випадку відбувається дифракція на опт. неоднорідностях.

Ефекти розсіювання залежать від розмірів частинок:

I. Для  $d \ll \lambda$  ( $d \approx 0.1 \lambda$ ) - релейське розсіювання. (Експериментально дослідив Тіндалль (1869 р.) та Релея (1899 р.).)

Властивості: 1) інтенс. розс. світла  $I_{\text{розс}} \sim 1/\lambda^4$  - закон Релея; 2)  $I_{\text{розс.}} \sim N$ ; 3)  $I_{\text{розс.}} \sim V_{\text{част.}}$ ; 4)  $I_{\text{розс.}} = f(T, {}^\circ\text{C})$ .

Умисливі розсіювання 5) розс. світла частково відповідає закону колеризації.



$$M_\theta = M_\perp (1 + \cos^2 \theta)$$

Учт. світла, що пройшло через сферичне зерно з розсіюванням, в напрямку поширення падаючої хвилі в 2 рази більша за  $M_\perp$ :

$$2M_\perp = M_\parallel$$

II. Для  $d \gg \lambda$ . Таке розсіювання виключається відбиттям, захопленням та дифракцією світла на цих частинках.

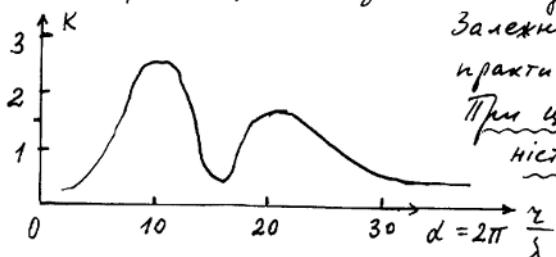
Властивості: 1)  $I_{\text{розс.}} \neq f(T, {}^\circ\text{C})$ ; 2)  $I_{\text{розс.}} \neq f(\lambda)$ ;

Тому туман має білий колір; 3)  $I_{\text{розс.}} \neq f(d)$

Внаслідок розсіювання світла оптико-камерутними середовищами з такими частинками ( $d \gg \lambda$ ) інтенсивність  $I_{\text{розс.}}$  зменшується за законом поглинання світла:  $I_{\text{розс.}} = I_0 \cdot e^{-2\pi N r^2 \cdot Kx}$

$N$ -кількість частинок в  $1 \text{ см}^3$ ;  $r$ -радіус частинки;

$K$ -коєфіцієнт, який залежить від відношення  $r/\lambda$ .



Залежність коєф.  $K$  від  $d = 2\pi \frac{r}{\lambda}$   
практично зникає для  $\lambda > 40$ .

При цьому зникає і залежність  $I_{\text{розс.}}$  від  $\lambda$ .

### III. Диск д $\lambda$ - розсіювання світла (дифракційне розсіюв.).<sup>3.</sup>

Уразе =  $f(\lambda)$ ; Уразе.  $\neq f(T, {}^{\circ}\text{C})$ ; Уразе - частково поляриз.

#### Молекулярне розсіювання світла

Р.с. спостерігається і в середовищах, в яких бісекткі сторонні частинки.

Спогадку думали, що справа у задріжності атмосфери.  
Але в горах чи ще сильше!?

Тоді таке Р.с. пояснюють оптичними неоднорідностями, поб'язаними із флуктуаціями. Останні поб'язані із тепловим рухом молекул і їх нерівномірним розподілом у просторі.

В малому об'ємі  $\delta$  випадково (завдяки тепл. руху молекул) зібралось  $No + \Delta N$  частинок, де  $No$  - число частинок в тому об'ємі до цього ідеально рівномірному розподілу молекул в об'ємі  $V_0$ . В результаті такого накопичення частинок об'єм  $\delta$  випромінює хвилю амплітуди  $\vec{E}_0 + \vec{E}'$ , де  $\vec{E}_0$  - ампл. хвилі, що випромінює об'єм  $\delta$  з числом частинок  $No$ . На відміну від випадку об'є. рівномірного розподілу частинок, в цьому випадку розсіювання не буде зменшуватись інтерференцією кількох частинок. Найрухливість поля світлової хвилі, розсіюваній частинами об'ємом  $\delta$ , буде обумовлена поєднанням  $\vec{E}'$ .

Об'єм, де відбуваються флуктуації,  $\delta \ll \lambda^3$ . Тобто цей вид Р.с. відбувається за законами релєївського розсіювання.

В результаті теплова флуктуація призводить до того, що в деякому малому об'ємі  $\delta$  зібралось  $No + \Delta N$  частинок.

Відповідно до цього число резонансі  $\rho = \rho_0 + \alpha \rho$

$$\frac{\Delta P^2}{\rho^2} = \frac{m^2 N_0}{V_0} - \text{це відноє з молек. фізики.}$$

$\Delta P^2$  - або. величина середнього джерел-  
н я квадрата функціонації чистини;

$m$  - маса молекули;  $N_0$  - середнє число молекул в  
одиниці об'єму резонансі;  $V_0$  - об'єм функціонації.

$\Delta \rho \Rightarrow$  викликат  $\Delta \rho$  - додатковий дипольний момент

$$\Delta \rho = \Delta E \cdot E_0 \cdot \frac{1}{4\pi} \quad (1) \quad \text{де } E_0 \in \text{значенням випро-} \\ \text{мінювання вторинних хвиль.}$$

У класичній теорії ел. і. випромінювання доведено, що  
ампл. напруж. ел. поля  $E_0$ , яке випромінюється диполем,  
в тому, що знаходиться на відстані  $r$  від диполя, дорівнює:

$$(2) \quad E_0 = \frac{\omega^2 \rho_0}{c^2 r} \cdot \sin \theta \quad \text{де } \rho_0 - \text{ампл. компонент дип.} \\ \text{момента}$$

$\theta$  - кут між  $\vec{P}$  та  $\vec{r}$

$$(1) \rightarrow (2) : E_0 = \frac{\omega^2 \Delta E \cdot E_0 \cdot V_0}{c^2 r \cdot 4\pi} \cdot \sin \theta \quad E_\theta - \text{ампл. розсіянкої} \\ \text{хвилі, яка випро-} \\ \text{мінюється об'ємом } V_0$$

Углес. розсіяного світла:

з функціонацією  $\Delta E$  в квадри-  
ку  $\theta$ .

$$M_\theta = \frac{1}{2} \frac{c}{4\pi} E_\theta^2 \Rightarrow M_\theta = \frac{c \omega^4 \Delta E^2 \cdot E_0^2 \cdot V_0^2}{8\pi c^4 r^2 \cdot (4\pi)^2} \sin^2 \theta =$$

$E_0$ -ампл. падаюч. хвилі

$$= \frac{c}{8\pi} \cdot E_0^2 \cdot \frac{V_0^2}{(4\pi r)^2} \cdot \left(\frac{2\pi}{\lambda}\right)^4 \cdot \Delta E^2 \cdot \sin^2 \theta = M_0 \frac{\pi^2}{\lambda^4} \cdot \frac{1}{r^2} V_0^2 \cdot \Delta E^2 \cdot \sin^2 \theta$$

Углес. розсіяного світла в об'ємі  $V$  дорівнює

$$M_{\text{пог}} = \frac{V}{V_0} \cdot M_\theta = M_0 \frac{\pi^2}{\lambda^4} \cdot \frac{1}{r^2} V_0 \cdot V \cdot \Delta E^2 \cdot \sin^2 \theta$$

$$\text{Через те, що } \varepsilon - 1 = C \cdot \rho \Rightarrow \Delta E = C \cdot \Delta \rho = C \cdot \rho \cdot \frac{\Delta \rho}{\rho} = (\varepsilon - 1) \delta$$

$$\delta = \frac{\Delta \rho}{\rho}$$

$$\Delta \varepsilon^2 = (\varepsilon - 1)^2 \cdot \delta^2$$

Для ідеального газу  $\delta^2 = \frac{1}{N \cdot v_0}$

$$\text{Тоді } Y_{\text{розв.}} = Y_0 \frac{\pi^2}{\lambda^4} \cdot \frac{1}{r^2} \cdot v_0^2 (\varepsilon - 1)^2 \frac{1}{N \cdot v_0} \cdot \sin^2 \theta = \\ = Y_0 \frac{\pi^2}{\lambda^4} \cdot \frac{1}{r^2} \frac{v_0}{N} (\varepsilon - 1)^2 \sin^2 \theta \quad \text{формула Релея}$$

$$\varepsilon - 1 = n^2 - 1 = (n-1)(n+1) = 2(n-1)$$

$$\text{Тому } Y_{\text{розв.}} = Y_0 \frac{4\pi^2}{\lambda^4} \cdot \frac{1}{r^2} (n-1)^2 \frac{v_0}{N} \cdot \sin^2 \theta \quad \text{формула Релея}$$

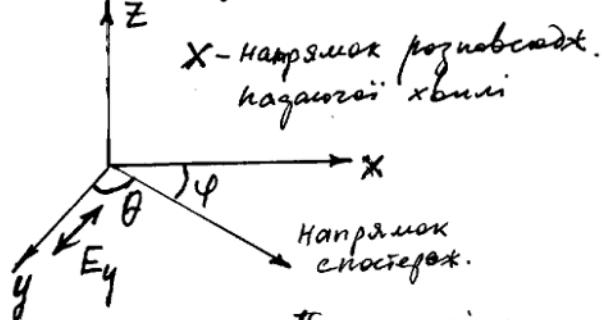
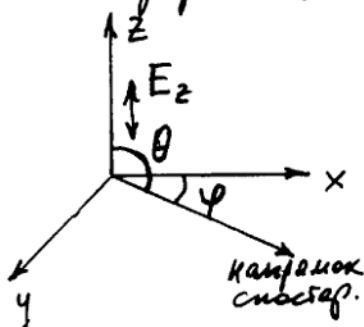
$$\text{Для ідеального газу } \frac{\Delta N^2}{N} = N$$

$$\text{Через те, що } \varepsilon - 1 = n^2 - 1 \sim N, \text{ то } Y_{\text{розв.}} \sim \frac{N^2}{N} = N$$

Для природного світла:

Розкладаємо на 2 компоненти із ортогональними складовими:  $E_z$  (п.н. падін.) та  $E_y$  (в п. падін.):

$$Y_{\text{прир.}} = Y_z + Y_y \quad (Y_z = Y_y = Y_{\text{прир.}} \cdot \frac{1}{2}).$$



$$Y_\varphi = Y_0 \frac{2\pi^2}{\lambda^4 r^4} (n-1)^2 \frac{v_0}{N} (1 + \cos^2 \varphi)$$

Полярна діаграма розподілу інтенсивності розсіяного світла

$\varphi$  - кут розсіяння (кут між напрямом спостереження і напрямом розповсюдження).

Висновки:

- 1) Колір неба поглиблюється тільки молекул. Р.с.
  - 2) Вимірювання Уроц. даю можливість за формулою Ренея визначити число молекул в од. об'єму:
- $$N_1 = \frac{N}{\delta_0} \text{ та число Авогадро.}$$
- 3) Формула Ренея перестає бути справедливою, якщо розміри розсіючих частинок стають  $> \frac{\lambda}{20}$ . в цьому випадку: а) Уроц.  $\sim \frac{1}{12}$ ; б) розс. світло-частково поглин.; в) індикаторна стає несиметричною відносно ОХ; з) індикаторна стає  $\perp$  до ОХ.
  - 4) Розглянута теорія справедлива для ізотропних середовищ. Анізотропні молекул призводять до того, що в результатах виникають флуїдації еріодичні, які виникають деполяризацію розсіянного світла.
  - 5) В критичному стаї спостерігається такі флюїдації. Величина  $\delta_0$  при цьому сильно збільшується і стає більшою за  $\lambda$ :  $\delta_0 \gg \lambda$ . Таке середовище стає каламутним і непрозорим для надалогого світла, дуже сильно розсіює світло всього діапазону спектра. Це розглядано наз. опалесценцією.

## Розсівання Мандельштама - брізгоства

При релейському і при молекулярному Р.с. частота розсіянного світла не змінюється. Але в таки види Р.с., за яких  $\omega$  змінюється. До них належить Р.М.-Б. Вокі спостерігається в оптичному середовині, в якої поширюються акустичні хвилі - відбувається так зване розсівання на фононах. Акуст. хвилі створюють неоднорідності чутливих, на яких і відбувається розсівання світла.

Акуст. хвилі:  $A = A_0 \cos(\omega t - qx)$ , де  $q = \frac{2\pi}{\lambda}$

Зміна числа молекул в од. об'єму  $\Delta N = N_0 \cos(\omega t - qx)$

Світлові хвилі:  $E = E_0 \cos(\omega t - kx)$ , де  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$

$$\vec{P} \sim N \cdot \vec{E} = (N_0 + \Delta N) \vec{E} = N_0 E_0 \cos(\omega t - kx) + \text{релейська хв.} \\ + \frac{1}{2} E_0 \cdot \Delta N \cdot \cos(\omega t - kx) + \frac{1}{2} E_0 \cdot \Delta N \cos(\omega_2 t - k_2 x)$$

$$\text{де } \omega_1 = \omega + \Omega \quad \omega_2 = \omega - \Omega$$

$$k_1 = k + q \quad k_2 = k - q$$

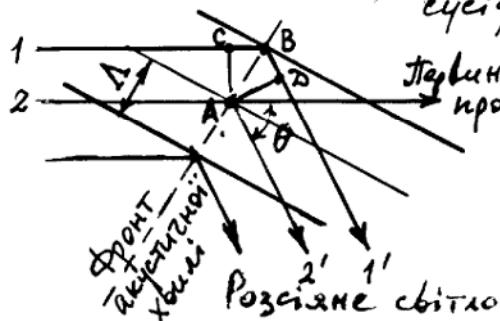
Тонка структура релейської лінії

Для того, щоб розсіяні хвилі інтерферували і давали такі інтенсивності в краплі, які утворюють кут  $\theta$  з напрямом падаючої хвилі, необхідно, щоб опт. різниця ходу  $\Delta = CB + BD$

сусідніх падаючих (1, 2) і розсіяних ( $1'$ ,  $2'$ ) променів

$$\boxed{\Delta = 2n \cdot \Lambda \sin \frac{\theta}{2} = \lambda}$$

де  $\Lambda = AB$  - довжина розсіяної пружкої хвилі.



Розсіювання М.-Б. еквівалентне модуляції світла  
надаючого променя з частотою пружної хвилі

$$\Delta = v \frac{1}{\Delta V} ; \quad \lambda = c \frac{1}{v}$$

$$\Delta = 2n \frac{v}{\Delta V} \cdot \sin \frac{\theta}{2} = c \frac{1}{v} \Rightarrow \frac{\Delta V}{v} = 2n \frac{v}{c} \sin \frac{\theta}{2}$$

$$\frac{\Delta V}{v} = \frac{\Omega}{\omega} ;$$

$$\frac{\Omega}{\omega} = 2n \frac{v}{c} \sin \frac{\theta}{2}$$

Формула  
Мандельштама-  
Брілюена

Завдання:

- ① Ситуація ускладнюється тим, що в кристалах у когерентну напрямку може розгасати трапітися три акустичні хвилі (1-подовжня і 2-поперечні). Тому \* напрямку може поширюватись дві світл. хвилі, коливання в перенес. напрямках. Тому в розсіяному світлі - 24 компоненти (6 груп по 4 ліній), але розгінної сили спектр. амплітуд вистає, щоб розійтти тільки 6 змішаних компонент.
- ② Р.с. М.-Б. може також і на інших колективних збудженнях: магнонах, екситонах, дефектах кристалічні, поляронах, пласмонах тощо.
- ③ Р.с. М.-Б. відноситься до ефектів лінійної оптики.
- ④ Під дією потужного лазерного випром. на сферодовіше в кристалі може виникнути випущене М.-Б. розс. світла, яке використовується для генерації потужних гіперзвук. хвиль у кристалах. Універс. розсіяного світла в цьому випадку може бути рівною інтенс. надаючого світла.
- ⑤ Якщо частота надаючого світла  $\approx$  власній частоті поглинання резонанси, то спектр. резонансне Р.с. М.-Б.

9.  
Кінобінаційне розсіювання світла. (Ефект Рамана).

КР виникає в результаті модулейції опт. хвилі власними коливаннями молекул.

1928 р.: Мандельштам та Ландсберг на  $\text{CaCO}_3$  та сірці, Раман та Кришнан - на рідинах (бензін, толуол).

Експеримент: коліна спектр. лінія супроводжується виникненням системи додаткових ліній, які називаються супутниками (категоріями) із значно більшими зображеннями частоти, ніж компоненти Н.-Б.

$$\begin{array}{c}
 w'_3 \quad w'_2 \quad w'_1 \quad \quad w_1 \quad w_2 \quad w_3 \\
 | \qquad | \qquad | \qquad | \qquad | \qquad | \\
 \text{АНТИСТОК} \leftarrow \quad w_0 \rightarrow \text{СТОКСОВІ} \\
 (\text{різгетові}) \qquad \qquad (\text{червоні}) \text{ компон.} \\
 \text{компоненти} \\
 \\ 
 \text{Властивості:}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 w_1 = w_0 - \Omega_1 \\
 w_2 = w_0 - \Omega_2 \\
 w_3 = w_0 - \Omega_3
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 \text{СТОКСОВІ} \\
 \text{КОМПОН.}
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 w'_1 = w_0 + \Omega_1 \\
 w'_2 = w_0 + \Omega_2 \\
 w'_3 = w_0 + \Omega_3
 \end{array}
 \quad
 \begin{array}{l}
 \text{АНТИ-} \\
 \text{СТОКС.} \\
 \text{КОМПОНЕНТИ}
 \end{array}$$

① Супутники супроводжують кожну лінію певного світла. При переході від однієї спектр. лінії певного променя до другої супутність змінює  $\Omega_1, \Omega_2, \Omega_3, \dots$  залишаючись для певної величини незмінною.

② Кожному категорії з частотою  $w_i^s$  відповідає категорія з частотою  $w_i^{as}$ ;  $\Omega_i = w_0 - w_i^s = w_i^{as} - w_0$ .

Механізм КР  $\rightarrow$  ③ Частоти  $\Omega_i$  лежать в 14 діапазоні і відповідають частотам симванс молекул.

КР виникає в результаті модулейції опт. хвилі власними коливаннями молекул.

На молекулу, яка має власну частоту коливань ( $\omega$ ) надає опт. хвиля  $E = E_0 e^{i\omega t}$ . У молекулі

виникає дип. момент  $\rho(\omega') = \alpha \cdot E(\omega)$ , де  $\alpha$  - коеф. поляризації молекули.

Вважаємо, що  $\omega$  належить в обл. прозорості середовища. Тоді  $\alpha$ -дійсна величина.

Зв'язок між атомами, які складають молекулу, зумовлений електронами. Електронна поляризація спричиняє збурення сил зв'язку, в результаті чого відбувається збурення коливань атомів молекули. Будемо вважати, що  $\alpha = \alpha_0(1 + A \cos \omega t)$

$$\begin{aligned} \rho(\omega') &= \alpha_0(1 + A \cos \omega t) \cdot E_0 e^{i\omega t} = \\ &= \alpha_0 E_0 e^{i\omega t} + \frac{1}{2} \alpha_0 A E_0 e^{i(\omega+\omega)t} + \frac{1}{2} \alpha_0 A E_0 e^{i(\omega-\omega)t} \end{aligned}$$

$\uparrow$  Скористались формулами Ейлера:  $\cos \omega t = \frac{1}{2}(e^{i\omega t} + e^{-i\omega t})$

I доданок описує релейське Р.е;

II та III доданки описують КР.

Модуллю КР за рахунок коливань молекул.

Якщо падат на середовище монехром. світло, то в спектрі розсіяного світла спостер. три лінії:

- 1) основна (на частоті  $\omega$  падінням світла);
- 2) стоксова компонента (на частоті  $\omega - \nu$ , утворюється за рахунок втрати енергії  $\nu$  падінням хвилі);
- 3) антистоксова компонента (утворюється за рахунок надавлення енергії хвилі падінням випром.).

Стоксова і антистоксова компоненти мають різні інтенсивності. Різниця в інтенсивностях залежить від температури. Пояснення - квантово-механічне.

(4.) Спектр КР - характеристика перебора. Является меркаптами КР некто побогори спектропризнаками, т.е. спектральными.

(5.) Установка зонтической структуры в аминокислотах. Концентрация КР становится  $10^{-5}$  -  $10^{-6}$  лг. интенсивность излучения зонтической зоны: Красно, более концентрирована на непривычно сильную излучательную (не поглощающую) зону поглощения Р.с. Т.а. максимум излучения.

(6.) При зонтической установке концентрация КР становится (изменяется излучение излучательной) блекнет наименее яркое - блекчение КР (ВКР).

Однако зонтическая установка не является единственной для изучения спектральных свойств аминокислот. (Помимо зонтической, параллельной, зонтообразующей, блекчения и т.д.).

Така близость ся на синтетичную проработку  
Курчук, Торбазук... с. 219 - 222.

Внаслідок розсіяння світла атмосфера світиться в усіх напрямках, створюючи денне світло, яке освітлює земну поверхню і всі предмети. Оскільки інтенсивність розсіяного світла чистою атмосферою обернено пропорційна четвертому степеню довжині світлових хвиль, то небо має голубий колір. За наявності в атмосфері завислих водяних краплин та пилу розсіяння світла відбувається рівномірніше в усіх частинах спектра і колір неба стає менш голубим, тобто білястим. Розсіяння світла атмосферою є причиною плавного переходу від дня до ночі і навпаки. При опусканні Сонця за горизонт атмосфера освітлюється все менше і настає момент, коли вона зовсім не освітлюється. Проміжок часу між цим моментом і заходом Сонця являє собою присмерки.

До оптичних явищ, зумовлених розсіянням світла в атмосфері, належить райдуга. Це кольорова смуга у вигляді дуги, що спостерігається на фоні дощових хмар або дощу, коли дощова хмара знаходиться попере-реду спостерігача, а Сонце – позаду. Центр дуги райдуги знаходиться на продовженні прямої, що проходить через око спостерігача і Сонце. Кут між цією прямою і напрямом від спостерігача до дуги райдуги має значення  $41\text{--}42^\circ$  (приклад 7.1). Різнокольорова дуга знаходиться від спостерігача на відстані 1–2 км, її можна також спостерігати на відстані 2–3 м на фоні водяних краплин фонтанів. Часто виникає побічна райдуга, концентрична до першої, із оберненим розміщенням кольорів. Її кутовий радіус має значення близько  $52^\circ$ . Вигляд дуги, яскравість кольорів та широта смуг залежать від розмірів краплин води та їхньої кількості: більші краплини створюють вужчу райдугу з різко виділеними кольорами.

Виникнення райдуги Р. Декарт у 1637 р. пояснював заломленням і відбиванням світла в дощових краплинах. Утворення кольорів та їх послідовність пояснено після встановлення складної природи білого світла та його дисперсії в середовищах. Іноді одночасно спостерігається три, чотири і навіть п'ять райдуг. Вони можуть виникати не тільки від прямих сонячних променів, але й внаслідок дії відбитих. Райдугу можна спостерігати також і вночі після дощу, коли із-за хмар виходить Місяць. У цьому випадку вона буде білою, оскільки нічним зором кольори не розрізняються.

Нерідко спостерігають оптичне явище, яке називається гало. Ця назва об'єднує групу складних оптичних явищ в атмосфері, зумовлених заломленням і відбиванням світла в кристалах льоду пір'ястих хмар. Кристали, з яких складаються хмари, являють собою тонкі шестикутні пластинки-сніжинки або правильні шестигранні призми. Іноді пластинки та призми з'єднуються, тоді кристали мають форму парашутиків.

Оскільки кут між двома гранями шестигранної призми дорівнює  $60^\circ$ , показник заломлення льоду для світлових хвиль, яким відповідає зе-

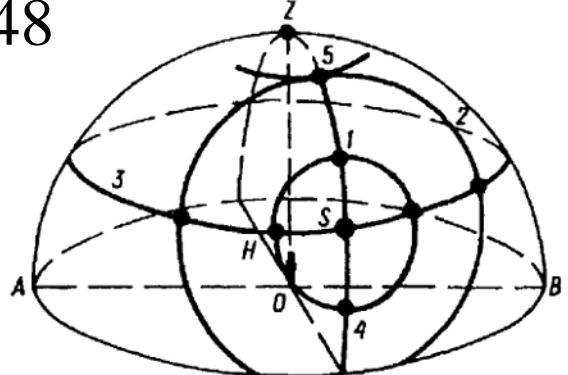


Рис. 7.5

такі явища. Малий круг гало 1, центр якого збігається з центром видимого розміщення Сонця; його кутовий радіус дорівнює  $22^\circ$ . Великий круг гало 2 і круг 1 концентричні, круг гало 2 має кутовий радіус  $46^\circ$ . Світлий круг 3 паралельний горизонту і проходить через видиме розташування Сонця. Кільце 4 розміщене у вертикальній площині й також проходить через видиме розташування Сонця. Круги 3 і 4 утворюють стовпи, які за формою подібні до хрестів. Вертикальні стовпи утворюються внаслідок відбивання і заломлення світла в горизонтально розміщених кристалах, які повільно падають і обертаються навколо горизонтальної осі.

Коли значна кількість кристаликів льоду у вигляді парашутиків повільно опускається, то у разі низького розміщення Сонця над горизонтом сонячні промені, заломлені гранями шестигранних призм, потрапляють в око під кутом  $22^\circ$  до напряму на Сонце і створюють вертикальні стовпи з обох боків від Сонця. Ці стовпи в перетині з кругом 3 з обох боків Сонця утворюють два несправжніх Сонця.

Іноді тихим морозним ранком можна спостерігати над яскравим Сонцем, що піднімається над горизонтом, льодяні голки, що поблискують в його промінні, а зверху і знизу від Сонця – світні стовпи. Ці стовпи самі по собі кольору не мають, але коли Сонце стає жовтим, оранжевим або червоним, вони набирають того самого відтінку.

Навколо Сонця або Місяця можна спостерігати одне або кілька рядіджних кілець, які називаються вінцями. Центр вінців збігається з центром світила, навколо якого вони виникають. Утворення вінців зумовлене дифракцією світла на водяних краплинах прозорих хмар, які знаходяться між світилом і спостерігачем. Не слід змішувати вінці з гало. Кутовий діаметр вінців значно менший від діаметра гало і становить  $1\text{--}6^\circ$ .

До оптичних явищ належить також мерехтіння зірок. Воно зумовлене випадковими змінами густини середовища, що приводить до зміни його показника заломлення.

Від зірки до Землі поширюється плоска світлова хвиля (промені паралельні). Внаслідок випадкових змін густини атмосфери Землі відбувають

48  
ний колір,  $n = 1,31$ , то за допомогою формули (2.11) знаходимо, що кут найменшого відхилення променя дорівнює  $22^\circ$ .

На рис. 7.5 показано загальну картину гало. У центрі небосхилу  $O$ , який зображене у вигляді півсфери, знаходиться спостерігач. Точки  $Z$  і  $S$  вказують розміщення відповідно зеніту і Сонця для спостерігача, відрізок  $AB$  – лінію горизонту. В загальному випадку можна спостерігати

48

зміні її показника заломлення. Це приводить до зміни форми фронту хвилі (рис. 7.6). Оскільки промені нормальні до фронту, то в місцях виступів вони розходяться й яскравість цих ділянок зменшується, а в місцях впадин промені сходяться і яскравість відповідно збільшується. Оскільки зміни показника заломлення в атмосфері мають випадковий характер, то спостерігається мерехтіння зірок. Це явище характерне тільки для зірок, оскільки їх можна побачити у вигляді світних точок під кутом не більшим  $0,05''$ . Планети не ме-

рехтять, так як видно їх під кутом десятків кутових секунд. Тому світло від ділянок хвильового фронту, яким відповідає менша інтенсивність світла, буде перекриватись світловим потоком від ділянок хвильового фронту, яким відповідає більша інтенсивність світла.

**Приклад 7.1.** Показати, що кут між прямою, яка проходить через око спостерігача і Сонце, та напрямом від спостерігача до зовнішньої поверхні дуги райдуги має значення  $42^\circ$ .

**Розв'язання.** Розглянемо хід променів від Сонця через краплину води. Сонячний промінь, який падає на краплину в точці  $A$  під кутом  $i$ , заломлюється на поверхні краплинни під кутом  $r$ , потім відбивається в точці  $B$  і знову заломлюється в точці  $D$ , виходячи з краплинни під кутом  $i$  (рис. 7.7). Із трикутника  $ABC$  можна записати  $r = (i - r) + \gamma/2$ , звідки

$$\gamma = 4r - 2i. \quad (1)$$

Тоді кут відхилення променя  $\varepsilon$  дощовою краплиною дорівнює

$$\varepsilon = \pi - \gamma = \pi - 4r + 2i. \quad (2)$$

Проведемо дослідження (2) на екстремум

$$\frac{d\varepsilon}{di} = -4\frac{dr}{di} + 2 = 0. \quad (3)$$

Шляхом диференціювання співвідношення  $\sin i = n \sin r$  одержимо

$$\frac{dr}{di} = \frac{\cos i}{n \cos r} = \sqrt{\frac{1 - \sin^2 i}{n^2 - \sin^2 r}} \quad (4)$$

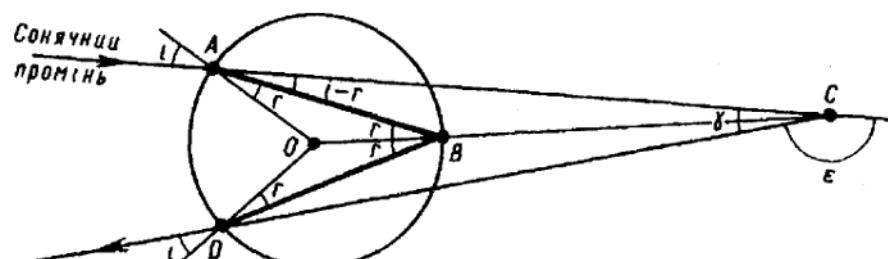


Рис. 7.7

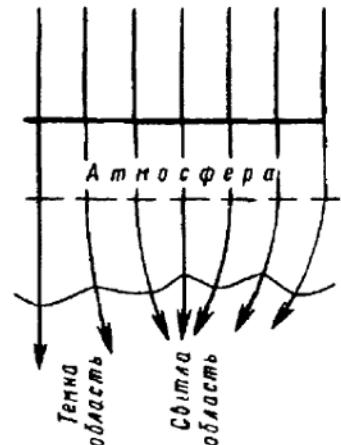


Рис. 7.6

Підставимо (4) у (3)

$$\frac{dt}{dr} = -4 \sqrt{\frac{1 - \sin^2 t}{r^2 - \sin^2 t}} + 2 = 0.$$

Для  $n = 1,33$  маємо

$$\sin i = \sqrt{\frac{4 - n^2}{3}} = 0,85; \quad i \approx 60^\circ, \quad \text{а} \quad r \approx 40^\circ 30'.$$

Підставимо ці значення в рівняння (2). Тоді

$$\epsilon = 180^\circ - 162^\circ + 120^\circ = 138^\circ, \quad \text{а} \quad \gamma = 42^\circ.$$

Під кутом  $42^\circ$  промені зазнають найменшого відхилення, тому найбільша інтенсивність буде спостерігатись для цього кута. Ось, кут між лінією, яка проходить від Сонця через очі спостерігача, і променем, що виходить із краплини і потрапляє в око, дорівнює  $42^\circ$ .

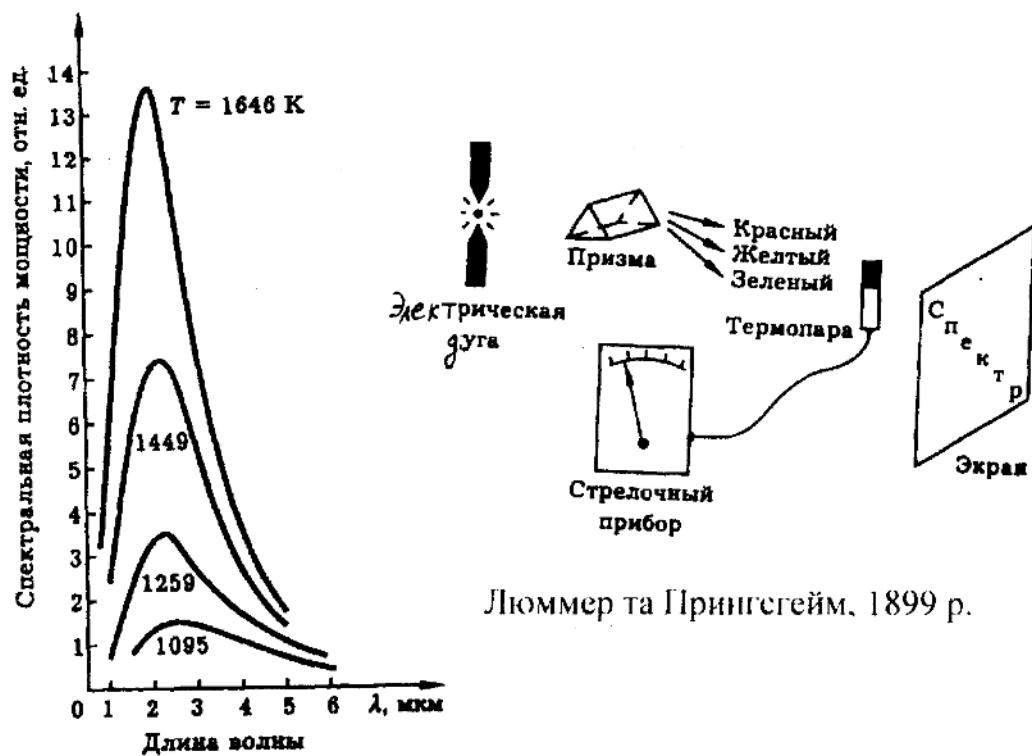
Внаслідок дисперсії показника заломлення води червоної промені будуть відхилятися менше ніж фіолетові. Тому радуга є лугою, розкладеною в спектр, внутрішня сторона якої має фіолетовий колір, а зовнішня – червоний.

## Теплове випромінювання

Т.в. – це світло (не обов'язково – видиме, і в основному – невидиме людським оком), яке випромінюється нагрітим тілом (сонячне світло, полум'я свічки, ІЧ випромінювання тіла людини, паяльника, світло і тепло від лампи розжарювання, ел. дуги тощо).

*Основні експериментальні факти:*

- 1) Нагріті тіла світяться. Яскравість світіння збільшується із збільшенням температури ( $T$ ). Від  $T$  залежить і колір світла, що випромінюється.
- 2) Світло від нагрітого тіла має широкий, суцільний спектр.



Потужність теплового випромінювання вимірюють, наприклад, за допомогою термонапри або болометра

## 52 Поглинальна здатність тіл

252

Поглини.

$$\text{здатність } \alpha = \frac{dW_{\text{погл.}}(V, V+dV)}{dW_{\text{наг.}}(V, V+dV)}$$

W - енергія  
світл. потоку

1)  $\alpha$  - безрозмірна величина

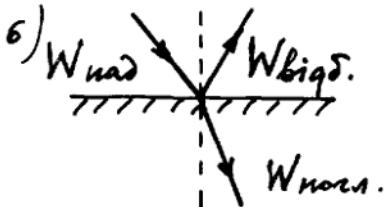
2)  $0 \leq \alpha \leq 1$

3)  $\alpha = \alpha(V, T)$

4) У різних тіл функції  $\alpha(V, T)$  - різні

5) Коли  $\alpha = 0$  - "абс. біле тіло"

Коли  $\alpha = 1$  - "абс. чорне тіло" (а.ч.т.)



$$W_{\text{наг.}} = W_{\text{погл.}} + W_{\text{лігб.}}$$

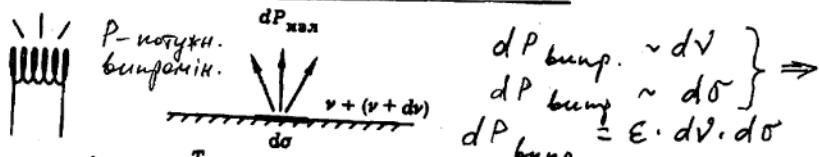
### Абсолютно чорне тіло

А.ч.т. - тіло, здатне поглинати все падаюче на нього випромінювання довільної і при довільній температурі ( $T$ ).

Для а.ч.т.  $\alpha(V, T) = 1$  для довільних  $V$  та  $T$ .

В природі а.ч.т. не існує. А.ч.т. - ідеалізація, але можна знайти дуже близкі до своїх властивостями до а.ч.т. тіла: сажа, горючий окисант, коричневаті тіла. В основі - багаторазове відбивання, що забезпечує сильні поглинальні властивості. Наденений обір в коротких з ідеально відбиваючими поверхнями, які не прозорі для ел.м. випромінювання. На виході випромінювання має майже нульову потужність.

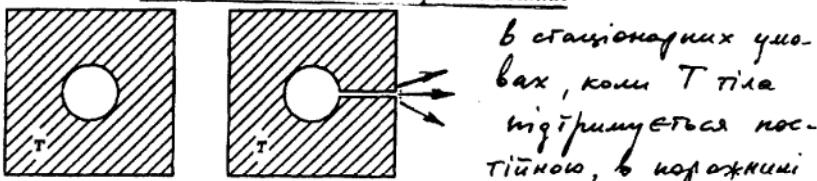
### Випромінювальна здатність тіл



$\epsilon$  - випромінювальна здатність тіла.

Досліг показує, що  $\epsilon = \epsilon(V, T)$  (як і погрівальні здатності). Але  $\epsilon(V, T)$  - розмірна величина (на відміну від  $\alpha(V, T)$ ):  $[\epsilon] = BT \cdot c/cm^2$ .

### Рівноважне теплове випромінювання



в стаціонарних умовах, коли  $T$  тіла підтримується постійно, в порожній

(рос. "полості") характеристики теплового випаду знаходяться в рівновазі із нагрітим тілом (само порожнинне, в даному випадку). Рівноважне теплове випромінювання - таке, що знаходиться в тепловій рівновазі з нагрітим тілом. Отвір зроблений для вимірювання х-ик випромінювання.

Порушення рівноважного стану означає, що тіло погинає нагріватися або охолоджуватися.

### Закон Кірхгофа

В 1859 р. Кірхгоф встановив, що в стаціонарній рівновазі відношення  $\frac{\epsilon(V, T)}{\alpha(V, T)}$  не залежить від природи тіла:

$$\frac{\epsilon(V, T)}{\alpha(V, T)} = \vartheta(V, T) = i_{\text{нр}}$$

Закон  
Кірхгофа

$\rho(v, T)$  - універсальна (однакова для всіх тіл)  
функція частоти ( $v$ ) та температури ( $T$ ).

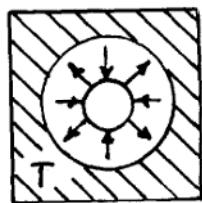
$\rho(v, T)$  - випромінювання здатності  $a.r.t.$ .

Це витикає з того, що для  $a.r.t.$   $d(v, T) = 1$ .

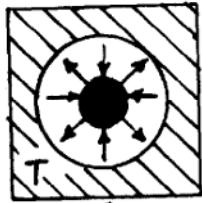
Знамить  $\rho(v, T) = E(v, T)$  для  $a.r.t.$ .

Закон Кірхгофа, виведений спогадку із уявленням  $T/\text{дин}$ .  
теоретично, потім підтверджений експериментально.

Уявний експеримент, що демонструє справедливість закону Кірхгофа



a.



b.

$$\begin{aligned} \text{За визначенням: } dW_{\text{наг}} &= \alpha \cdot dW_{\text{наг}} \\ dW_{\text{випр.}} &= E \cdot dV \cdot d\sigma \end{aligned} \} \quad (2)$$

$$(2) \rightarrow (1): \alpha \cdot dW_{\text{наг}} = E \cdot dV \cdot d\sigma \quad (3)$$

Пробне тіло (білу крійку) замінили на будь-яке інше тіло такого \* розміру і форми, але з іншого матеріалу, наприклад, з чорного вугілля.

Х-ки тепл. випромінювання замінюються незмінними: пробні тіла мають розміри достатньо великі порівняно з термостатом і не впливають на х-ки тепл. випр. в порожнині.

В II випадку на елемент поверхні до тіла в цехах  $T_{\text{Е}}^{\circ}$  \* суми частот  $dV$  надає випромін. тієї \* потужності  $dW_{\text{наг}}$ , що і в I випадку. Формули (2), (3)

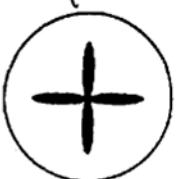
залишаються в силі, хоча і з іншими зображеннями ходф.  $\Delta$  та  $E$ . Але тоді, щоб (2), (3) залишились іст., необхідно, щоб  $\frac{E}{\Delta} = \text{const}$ , що і складає зміст закону Кірхгофа.

### Експеримент, що демонструє зв'язок між випромінювального та поглинального здатностю

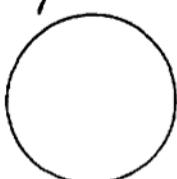
Фарфорова (біла) тарілка з малюнком (Темний хрест). а - світіння наявні в муреністії при  $T=1000^{\circ}\text{C}$



a.



b.



c.

в замкненій аудиторії;

б - випадок ПЕІ к тарілці при  $300\text{ K}$ ;

в - випадок тарілки у печі.

Висновок:  $\Delta \sim E$ . Це вистикає із закону Кірхгофа і підтверджує його.

### Закон Стефана - Болцмана

1879 р. Стефан встановив, що експериментально визначена величина інтегральної (просумованої по всіх частотах) випромінювальної здатності

$$E(T) = \int_{-\infty}^{\infty} E(\nu, T) d\nu = \sigma T^4 \quad (\text{A}) \quad \text{закон Стеф.-Болцм.}$$

Болцман<sup>6</sup> в 1884 р. добіг, що де  $\sigma$  - стала формула (A) має місце не для всіх тіл, а лише для а.г.т. У з досліду було визначене  $\sigma = 5.67 \cdot 10^{-8}$

$$\frac{\text{Вт}}{\text{см}^2 \cdot \text{град}^4}$$

Вільгельм Він  
1893 р.

$\rho(v, T)$  - функція  
 $\lambda$ -х аргументів

$F\left(\frac{v}{T}\right)$  - функція  
одного аргумента

### Формула Віна і закон зміщення Віна

1893 р. Він, спираючись на закони т/дки та ел/дик, висловив х-ер залежності для випромін. здатності:

$$E(v, T) = C \cdot v^3 \cdot F\left(\frac{v}{T}\right) \quad (B) \text{ формула Віна (I)}$$

де  $C$ - стала;  $F\left(\frac{v}{T}\right)$ - цяка функція, вигляд якої Віну не був відомий.

Висновки: ① Введено функцію  $E(\lambda, T)$ .

$E(v, T) \cdot dv = E(\lambda, T) \cdot d\lambda = d\Phi$  - світловий потік, який припадає на інтервал  $dv$  або відповідно на інтервал  $d\lambda$

$$v = \frac{c}{\lambda}; \quad dv = -\frac{c}{\lambda^2} d\lambda; \quad \frac{dv}{d\lambda} = -\frac{c}{\lambda^2}$$

$$E(\lambda, T) = E(v, T) \cdot \frac{dv}{d\lambda} = \frac{c}{\lambda^2} \cdot E(v, T) \quad (1)$$

Тобто при переході від кривої  $E(v, T)$  до кривої  $E(\lambda, T)$  вигляд кривої змінюється (трансформується)  $\Rightarrow$   
Не можна записати:  $v_{\max} = \frac{c}{\lambda_{\max}} \Rightarrow v_{\max} \neq \frac{c}{\lambda_{\max}}$

(B)  $\rightarrow$  (1):

$$E(\lambda, T) = C' \frac{c^4}{\lambda^5} \cdot F\left(\frac{c}{\lambda \cdot T}\right) \quad (B') \text{ формула Віна (II)}$$

Процедур. (B').

$$\frac{dE(\lambda, T)}{d\lambda} = -C' \frac{5 \cdot c^4}{\lambda^6} \cdot F\left(\frac{c}{\lambda \cdot T}\right) - C' \frac{c^5}{\lambda^7 \cdot T} \cdot F'\left(\frac{c}{\lambda \cdot T}\right)$$

Послідовно на extr.:  $\frac{dE(\lambda, T)}{d\lambda} = 0$

$$5 \cdot F\left(\frac{c}{\lambda_m \cdot T}\right) + \frac{c}{\lambda_m \cdot T} \cdot F'\left(\frac{c}{\lambda_m \cdot T}\right) = 0 \quad (2)$$

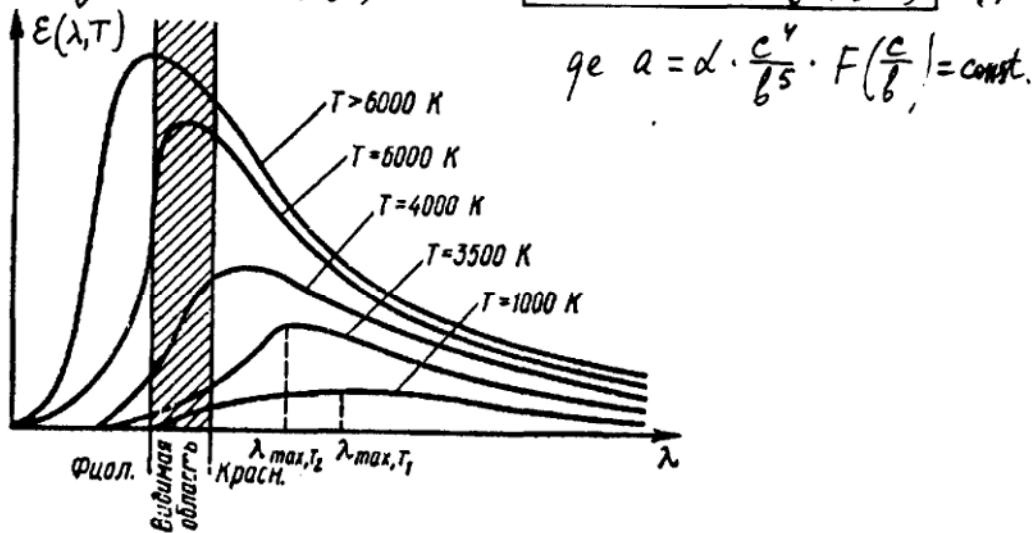
де  $\lambda_m$  - значення робт. хв. вин., при якому випромін. здатність приймає max значення.

(2)- диф. рівняння I порядку. Його розв'язок:

$$\frac{c}{\lambda_m \cdot T} = \text{const} \Rightarrow \boxed{\lambda_m \cdot T = b} \quad \text{закон} \quad (3)$$

2. Отримаємо макс. значення випромін. здатні  $(E_m)$ .

$$(3) \rightarrow (8'): E_m(\lambda_m, T) = \frac{c^4}{\lambda_m^5} \cdot F\left(\frac{c}{\lambda_m \cdot T}\right) \cdot d = \\ = \frac{c^4}{b^5} \cdot T^5 \cdot F\left(\frac{c}{b}\right) \cdot d = \boxed{d \cdot T^5 = E_m(\lambda_m, T)} \quad (4)$$



$$\text{де } d = d \cdot \frac{c^4}{b^5} \cdot F\left(\frac{c}{b}\right) = \text{const.}$$

Спектральна густинна рівноважного теплового випромінювання

$$u(\omega, T) = \frac{dW}{V \cdot d\omega}; \quad u(\omega, T) - \text{ен. рівноважн. тепл.}$$

випромінювання при темп.  $T$ , яка припадає на од. об'єм простору в елементарному інтервалі частот  $d\omega$  навколо  $\omega$ ;

$dW$  - ен. тепл. випр. в об'ємі  $V$  і смугі частот від  $\omega$  до  $\omega + d\omega$ .

## Закон випромінювання Релея-Джинса.

8.

Підхід Релея до вивчення теплового випромінювання - з статистичної фізики (не з термодинаміки, як у всіх).

$$\text{Число стоячої хвилі } L = m \frac{\lambda}{2} \Rightarrow \lambda = \frac{2L}{m}$$

$$\lambda = \frac{v}{\nu} \Rightarrow \frac{v}{\nu} = \frac{2L}{m} \Rightarrow \nu = m \frac{v}{2L}$$

За Релеєм число власних частот, які вкладаються в інтервалі  $\nu, \nu + d\nu$  пропорц. об'єму парожкини  $V$ , квадрату  $v$ -ти  $V^2$  та ширині інтервалу  $d\nu$ :

$$dN \sim V \cdot V^2 \cdot d\nu$$

На одну компланарну струнку свободи 6 клас. фізичні припадає ек. КТ ( $\frac{1}{2} kT$ -на кін. ен. і  $\frac{1}{2} kT$ -на потенц. ен.):  $U(\omega, T) \sim \omega^2 \cdot kT$

Джинс продовжив цей Релея, знайшов кофр. і визначив, що

$$U(\omega, T) = \frac{\omega^2}{\pi^2 c^3} K T$$

Формула  
Релея-Джинса

(закон випромінювання Релея-Джинса)

$$U(\nu, T) = \frac{8\pi v^2}{c^2} \cdot K T$$

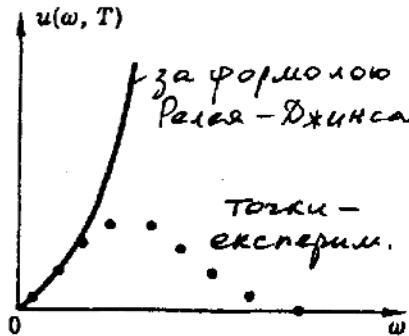
Узгоджується в обл. низьких частот.  
З експериментом.

## Закон випромінювання Віні

В. Він (1896 р.) припустив, що випромінювання має розподіл за частотами, аналогічний максвелівському розподілу швидкостей молекул 6 газі:

$$U(\omega, T) = C_1 \cdot \omega^3 \exp(-\gamma \cdot \omega) \quad \text{де } C_1 \text{ та } \gamma - \text{стайлі кофр.}$$

Це функція має так і добре узгоджується із експериментом в області високих частот (далеко від max).



$$I(\omega, T) \sim \omega^2$$

Необмежений зрост спектр. потужності тепл. випр. в обл. високих частот - абсурд!

Абсурд і те, що погуляється

$$\int I(\omega, T) d\omega = \infty$$

### Формула Планка

Наприкінці 1900 р. в дослідженнях тепл. випромін. склалась така ситуація: були проведені таки експерим. вимірювання  $I(\omega, T)$  Люмідром та Принсгейном, були відомі ф-їя Релея-Джинса, яка описувала поведінку  $I(\omega, T)$  в обл. НЧ, та формула Віка, яка добре узгоджувалась з експер. в обл. середніх та високих частот:

$$I(\omega, T) \sim \begin{cases} \omega^2 T, & \text{ком } \omega \rightarrow 0 \text{ (закон Релея-Джинса)} \\ \omega^3 e^{-\gamma \omega/T}, & \text{ком } \omega \rightarrow \infty \text{ (закон Віка).} \end{cases}$$

М. Планк намагався побудувати (вивести) вираз, який об'єднував би НЧ та ВЧ області спектра. Планк придумав декілька формул, які задовільняли би цій умові, серед яких була одна, яка вражала своєю красотою та незвичайністю. В сучасних позначеннях, ця формула має вигляд

$$I(\omega, T) = \frac{1}{\pi^2 c^3} \cdot \frac{\hbar \omega^3}{e^{\frac{\hbar \omega}{kT}} - 1}$$

$$\hbar = 6.63 \cdot 10^{-34} \text{ Дж} \cdot \text{с}$$

Формула Планка

$$\hbar = 1.05 \cdot 10^{-27} \text{ ерг} \cdot \text{с}$$

$$\hbar = \frac{h}{2\pi}$$

1.

### Висновки із формулами Планка

① Атоми, які утворюють стінки нагрітій порожнини, в котрій знаходиться рівноважне темпере випром., здатні випромінювати і поглинати світло даної частоти  $\omega$  не в будь-якій кількості, а лише дискретними порціями (кванти) з ен.  $E_0 = \hbar\omega = h\nu$ .

② Роз'єднується парадокс Реза - Джинса ("УФ катасорфа").

ВУ світло ( $\omega \rightarrow \infty$ ) може випромінювати лише достатньо велики порції (кванти) енергії. В умовах, коли  $\hbar\omega \gg kT$ , в стінках порожнини не знаходиться атомів, здатних випромінювати ВУ кванти: теплової ен. атомів, яка має порядок  $kT$ , буде для цього надто мало. Таким чином, при  $\omega \rightarrow \infty$  спектр. густинка випр.  $n(\omega, T) \rightarrow 0$ . Це знаходить ся у повній відповідності з експериментом.

В НЧ обл. спектра, коли  $\hbar\omega \ll kT$ , дискретність випромінювання не буде грати суттєвої ролі. Ось тому в НЧ обл. спектра (коли  $\omega \leftarrow 0$ ) справедлива класична теорія.

③ Середнє значення енергії осцилятора, яка припадає на 1 ступінь свободи, в дійсності, не є величиною сталою, як в класичній фізиці для коливань  $- kT$ , а залежить від частоти  $\omega$ . Уз здійсненням  $\omega$  ця енергія зменшується.

④ Уз формули Планка можна вивести закон Реза - Джинса: в обл. великих частот і/або великих температур, коли  $\hbar\nu \ll kT$ , експоненту можна розкласти в ряд:  $e^{\frac{h\nu}{kT}} = 1 + \frac{h\nu}{kT} + \dots$

$$\text{Тоді } u(v, T) = \frac{1}{\pi^2 c^3} \cdot \frac{hv^3}{e^{\frac{hv}{kT}} - 1} = \frac{1}{\pi^2 c^3} \frac{hv^3}{1 + \frac{hv}{kT} - 1} = \\ = \frac{kT}{\pi^2 c^3} \cdot v^2 - \text{закон Релея-Джинса}$$

5. Із формулами Планка можна вивести закон Стефана-Больцмана:  $\frac{dW}{dV} = \int_0^\infty u(\omega, T) d\omega = \frac{\hbar}{\pi^2 c^3} \int_0^\infty \frac{\omega^3 d\omega}{e^{\frac{\hbar\omega}{kT}} - 1} =$

$$= \frac{\hbar}{\pi^2 c^3} \left( \frac{kT}{\hbar} \right)^4 \cdot \int_0^\infty \frac{x^3 dx}{e^x - 1} = \text{const. } T^4 \quad u(T) = \sigma \cdot T^4$$

$$\left| \int_0^\infty \frac{x^3 dx}{e^x - 1} = \frac{\pi^4}{15} \text{ інтегр.} \right. \quad \sigma = \frac{\pi^2 \cdot k^4}{15 \hbar^3 c^3} = 7.55 \cdot 10^{-15} \text{ ерг.см}^{-3} \cdot K^{-4}$$

6. Із формулами Планка можна вивести закон зміщення Віна:  $u(\omega, T) \cdot d\omega = u(\lambda, T) \cdot d\lambda \quad (1)$

$$u(\lambda, T) = u(\omega, T) \cdot d\omega/d\lambda \quad (2)$$

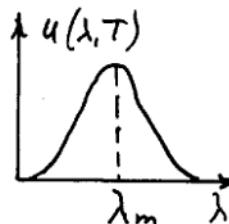
Підставимо формулу Планка в (2):

$$u(\lambda, T) = \frac{8\pi c \hbar}{\lambda^5} \cdot \frac{1}{e^{hc/\lambda kT} - 1}$$

$$\frac{\partial u(\lambda, T)}{\partial \lambda} = 0 \Rightarrow \frac{x \cdot e^x}{e^x - 1} = 5 \quad (3)$$

де  $x = \frac{hc}{kT\lambda_m}$ . Розв'язком трансцендент. р-нз (3) є:

$$x = 4,965. \text{ Таким чином, } \lambda_m = \frac{hc}{4,965 kT} = \frac{0,29 \text{ см.К}}{T(K)}$$



### Світловий квант

$E = h\nu$  - мін наразі енергії коливань (хвилі) з частотою  $\nu$ , яка м. б. можлива або випромінюється при переході осцилятора із одного енергетичного стану в інший.

Квант енергії прямо пропорційний частоті світла.

М. Планк (1900 р.) вважав що властивість середовищу. А. Ейнштейн (1905 р.) розглянув що ідея і поширив квантованість енергії і на випромінювання (світло). Він ввів поняття фотон-квант світла. Не тільки енергія  $E = h\nu$ , але і импульс  $p = h\nu/c$ .

Зв'язок між хвильовою ( $\nu$  та  $\lambda$ ) та кориускулярною ( $E$  та  $p$ ) х-карам. Дуалізм хвиле-частинка.

Луї де Бройль (1924 р.) узагальнив дуалізм на всі матер. тіла: кожному тілу з масою  $m$ , яке рухається із швидкістю  $v$ , можна співставити дзвж. хвилі  $\lambda_B$   

$$\lambda_B = h/mv = h/p$$
.

Дебісон та Іттермер (1927 р.) експериментально спостерігали дифракцію електронів.

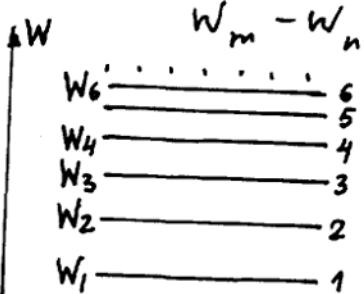
Оптичні переходи. Квантова модель атома.

Н. Бор (1913 р.) сформулював 2 наступати:

1. Усмують стаціонарні стани атомів, в яких вони не випромінюють і не поглинають. В цих станах атоми мають енергії, які утворюють дискретний ряд  $W_1, W_2, \dots$  (енергетичні рівні).

2. Світло, яке погликається або випромінюється атомом при переході із стаціонарного рівня енергії  $W_m$  на рівень з енергією  $W_n$ , є монохроматичним,

а ціого частота  $\omega$  визначається з умови



$$= \hbar \omega$$

Схема енергетичних рівнів атома.

Якщо атом змінює свою енергію з більшої на меншу ( $m > n$ ), то відбувається випромінювання світла.

Якщо перехід відбувається з нижнього рівня на вищий рівень ( $m < n$ ), то він викликаний поглинанням світла із зовнішньої джерела.

Такі переходи називаються оптичними переходами.  
Спонтанне та винуждене випромінювання, поглинання

Позначимо число атомів, які знаходяться в стані з енергією  $E_1$  через  $N_1$ , а число атомів з ен.  $E_2$  через  $N_2$ . В стані теплової рівноваги заселеності рівнів підпорядковані розподілу Болцмана  $N_i = \text{const.} e^{-E_i/kT}$  (1)

Вторівнева система взаємодіє із випромінюванням, частота якого підпорядкована умові Бора

$$E_2 - E_1 = \hbar \omega \quad (2)$$

За Ейнштейном (1915 р.) можливі такі три радиаційні процеси:

### 1. Спонтанне випромінювання

В момент часу  $t$  збуджений атом знаходитьсь на енерг. рівні  $E_2$ . Через деякий час  $\delta t$  атом може залишитись у збудженному стані або може

5.  
самодовільно (спонтанно) перейти в нижній ен. стан з ен.  $E_1$ . При цьому випромінюються фотони з ен.  $h\nu = E_2 - E_1$ .

Спонтанне випромінення здійснюється незалежно від дії зовнішнього випромінювання. Не можна бути впевненим, що переход відбудеться, іде че можна стверджувати лише з певного дослівірністю.

### Спонтанний переход - випадкова подія.

Числовість спонт. переходу в од. часу -  $A_{21}^{\text{спонт}}$ .

$$A_{21}^{\text{спонт}} = 1/\Delta t \quad (3) \quad \Delta t - \text{середнє привласчене}$$

Спонтанні переходи одного і того ж атома в різкі моменти часу, а також різних атомів в один і той же часу можуть не побідувати між собою: між фадами та амплітудами спонтанно випроміненіх хвиль не існує ніякої закономірності, тобто спонтанне випромінення - некореловане.

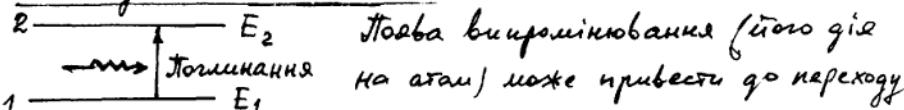
$Z_{21}^{\text{спонт}}$  - число спонтанних переходів атома з верхнього рівня 2 на нижній рівень 1 за одиницю часу числу атомів на верхньому рівні:

$$Z_{21}^{\text{спонт}} = A_{21} \cdot N_2 \quad (4)$$

де  $A_{21}$  - коеф. Енергетика = числовість спонтанних переходів

Примітка: Крім оптичних переходів, є неоптичні переходи (рос.- "безвидимчательные"), коли переход атому з одного енерг. стану в інший здійснюється при співударах атомів і ніжче випромінювання в цьому не задіяне.

### 2. Винувачене поглинання

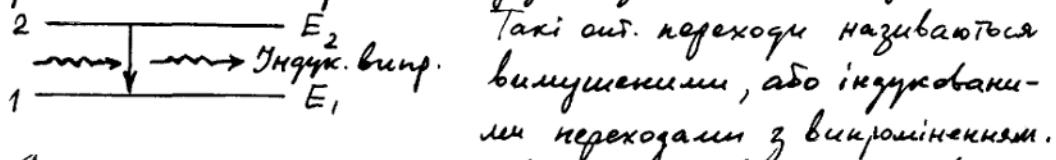


атома у збуджений стан. Цей процес наз. поглинанням індуковання, або вимушеним. Коли інтенсивність пропорційна частоті випромінення, що викликало цей перехід

$$Z_{12}^{ing} = B_{12} \cdot N_1 \cdot u(\omega, T) \quad (5)$$

Коеф.  $B_{12}$  теж наз. коеф. Ейнштейна = ймовірність поглинання (індуковане) випромінення

Ейнштейн поступово вів опт. переходи з верхнього енерг. рівня на нижній рівень під дією зовнішнього випромінення.



Послід показує, що ел. м. випр., яке викликає вимушеним переходом, повинно тоді ж випромінювати, яке викликало цей перехід: тобто в обох випадках частота, наприклад розповсюдження та поляризація однакові. Вимущене і вимушене випромінення - колегентні.

$$\text{Ймовірність цього процесу } Z_{21}^{ing} = B_{21} \cdot N_2 \cdot u(\omega, T). \quad (6)$$

В стані рівноваги переходи, що супроводжуються випроміненням і поглинанням квантів світла, повинні брівноважувати один одного (за визначенням):

$$Z_{\text{світл}} + Z_{ing} = Z_{12}^{ing} \quad (?)$$

$$(4), (5), (6) \rightarrow (?) : A_{21} \cdot N_2 + B_{21} \cdot N_2 \cdot u(\omega, T) = \quad (8)$$

$$\text{З урахуванням (1) та (2) із (8) : } \underbrace{\zeta}_{= B_{12} \cdot N_1 \cdot u(\omega, T)}$$

$$u(\omega, T) = \frac{A_{21} / B_{21}}{\frac{B_{12}}{B_{21}} \cdot e^{\frac{\hbar \omega}{kT}} - 1} \quad (9)$$

Відношення коеф. Ейнштейна можна знайти із розгляду граничних випадків:

а) якщо  $T \rightarrow \infty$ , то  $u(\omega, T) \rightarrow \infty$ , а населеності рівні будуть вирівнюватись:  $N_1 \rightarrow N_2$ .

При цих умовах із (8) витикає, що  $B_{12} = B_{21}$ . (10)

б) якщо  $\omega \rightarrow 0$ , то  $\hbar\omega \ll KT$ , тобто квантової структури не проявляється і це спектр. численні вимірювання спровадживають класична формула Релея-Дж.:

$$u(\omega, T) = \frac{\omega^2}{\pi^2 c^3} KT \quad (11)$$

При умові  $\omega \rightarrow 0$  із (9), враховуючи, що  $B_{12} = B_{21}$ , витикає:

$$u(\omega, T) = \frac{A_{21}}{B_{21}} \cdot \frac{KT}{\hbar\omega} \quad (12)$$

Порівнюючи (11) та (12), знаходимо, що

$$(13) \quad \boxed{\frac{A_{21}}{B_{21}} = \frac{\hbar\omega^3}{\pi^2 c^3}}$$

(10), (13)  $\rightarrow$  (9) :

$$\boxed{u(\omega, T) = \frac{1}{\pi^2 c^3} \cdot \frac{\hbar\omega^3}{e^{\hbar\omega/KT} - 1}}$$

Це є формула Планка. Ми вивели формулу Планка. (Формулу Планка вивів Ейнштейн. Планк її вгадав, підібрав і відібрав із всіх можливих).

Лазер

Laser – абревіатура фрази "Light Amplification by Stimulated Emission of Radiation" – "Підсилення світла за рахунок емісії вимушеної випромінення"

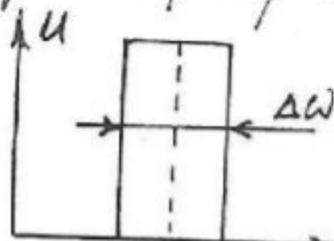
$$\begin{aligned} dV &= S \cdot dz \\ 2 &\quad W_2, N_2 \quad dN = N \cdot dV \\ 1 &\quad W_1, N_1 \quad dN_2 = N_2 \cdot dV \\ dP_{21}^{\text{спокт}} &= A_{21} \cdot \hbar\omega \cdot dN_2 \\ dP_{12}^{\text{инг}} &= B_{21} \cdot \hbar\omega \cdot u(\omega) dN_1 \\ dP_{21}^{\text{инг}} &= B_{21} \cdot \hbar\omega \cdot u(\omega) \cdot dN_2 \end{aligned} \quad \left. \right\} (1)$$

$u(\omega)$  – спектральна частина погашеного випромінювання.

Тобто потужність

випромінюв. діючої елементу  $dP = dP_{21}^{\text{спокт}} + dP_{12}^{\text{инг}} - dP_{21}^{\text{инг}}$

Будемо вважати, що спектр випромінювання має  $u(\omega)$  квадратичну апроксимацію



$$Y = C \cdot u \cdot \Delta\omega$$

$$dY = \frac{dP}{S}$$

$$dY = \left[ A_{21} \cdot N_2 + (B_{21} \cdot N_2 - B_{12} \cdot N_1) \frac{Y}{C \cdot \Delta\omega} \right] \hbar\omega \cdot dz \quad (3)$$

Взаємодія світла з атомами відбувається в зонах зусіріючих напрямках:

1) Атоми, які знаходяться в осн. стані  $W_1$ , поглинаючи зовнішнє випромін. з ен.  $\hbar\omega = W_2 - W_1$ , переходят у збуджений стан. Ймовірність такого процесу  $\sim B_{12}$ .

2) Атоми, які знаход. у збудж. стані  $W_2$ , під дією зовнішнього випромін. з ен.  $\hbar\omega = W_2 - W_1$ , випущеними також переходом в основний стан, тобто випромінюють квант  $\hbar\nu = W_2 - W_1$ . Ймовірність цього процесу  $\sim B_{21}$ .

Будемо вважати, що інтенс. світла досить велика, щоб знехтувати спонтанним випромінюванням  $\Rightarrow A_{21} = 0$

Позначимо  $B_{12} = B = B$

$$\text{Тоді } dY = B(N_2 - N_1) \cdot \frac{\hbar\omega}{c \cdot \Delta\omega} \cdot \hbar\omega \cdot dz = G \cdot Y \cdot dz \quad (4)$$

$$\text{де } G = B(N_2 - N_1) \cdot \frac{\hbar\omega}{c \cdot \Delta\omega} \quad (5)$$

$$3(4): \quad Y(z) = Y_0 e^{Gz} \quad (6)$$

Висновки: 1) інтенсивність  $Y(z)$  змінюється по експ.

2) знак показника експ залежить від знаку  $(N_2 - N_1)$ .

Іншо середовище знаходиться в стані теплової рівноваги, то  $\frac{N_2}{N_1} = e^{-\frac{\hbar\omega}{kT}}$  (за Болцманом)  $\quad (7)$

Іншо  $T = 300K$ ;  $\omega = \frac{2\pi \cdot c}{\lambda}$ ;  $\lambda = 0.5 \text{ мкм}$ , та

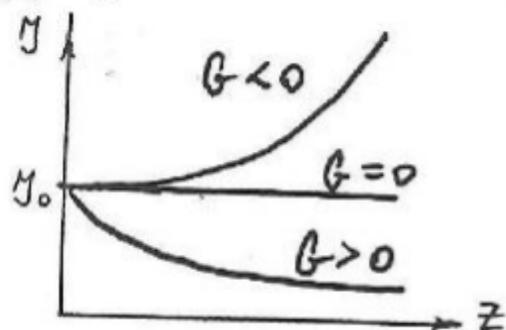
$\frac{\hbar\omega}{kT} \approx 10^3 \Rightarrow$  заселеність верхнього рівня, яку він

надбуває в результаті теплової рівноваги, можна знехтувати:

$N_2 = 0$ . Будемо вважати, що  $N_1 = N$ . Тоді:

$$Y(z) = Y_0 \cdot e^{-|G| \cdot z}, \text{ де } |G| = N \cdot B \cdot \frac{\hbar\omega}{c \cdot \Delta\omega} \quad (8)$$

(8) - закон поглинання (закон Бугера - Ламберта).



Для  $B > 0$  проходження світла через середовище призводить до поглинання світла. В класичній оптиці завжди  $B > 0$  — поглинання світла.

Для  $B < 0$  при проходженні світла через середовище відбувається підсилення світла. ("від'ємне поглинання")

$Y_3(5)$  видно, що  $G < 0$ , коли  $N_1 < N_2$ .

10.

Стан, коли  $N_2 > N_1$ , наз. інверсним станом, або станом із "від'ємною температурою". Ця форма слова назва походить із того, що із  $(7) \rightarrow T = \frac{W_1 - W_2}{k \cdot \ln \frac{N_2}{N_1}}$  (9) виклико  $N_2 > N_1$  (при тому, що  $W_1 - W_2 < 0$ ), тобто  $T < 0$  ("від'ємна"  $T$ -ра). Середовище із інверсною заселеністю назив. активним. Для 2-хрівневої системи за допомогою оптичної накачки отримати інверсну заселеність не можна.

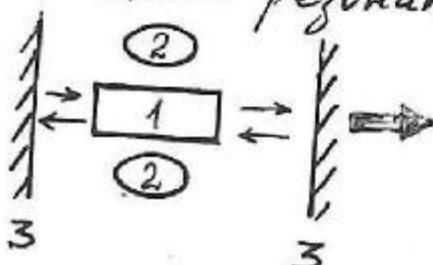
Через те, що в активному середовищі переважають акти винищеннего випромінювання, число фотонів зростає лавиноюподібно:

$$\begin{array}{c} h\nu \xrightarrow{\text{hv}} 0 \\ \xrightarrow{\text{hv}} 0 \xrightarrow{\text{hv}} 0 \\ \xrightarrow{\text{hv}} 0 \xrightarrow{\text{hv}} 0 \end{array}$$

Інвертований стан створюють різними способами: оптична накачка, електр. розріз, електр. струм, хімична реакція.

Інвертовану заселеність застосовують в лазерах (для генерації або підсилення світла).

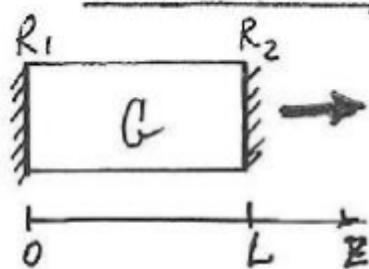
Щоб із режиму підсилення перейти до режиму генерації світла, потрібно використати зворотний зв'язок. В лазерах зворотний зв'язок здійснюється за допомогою оптичного резонатора.



1 - активний елемент;  
2 - система накачки;  
3 - оптичний резонатор.

## Умови самозбудження лазера

11.



1) підсилення світла за рухомок вимушеного (індукованого) випромінювання в інвертованому середовищі повинно перевищувати величину втрат:  $R_1 \cdot R_2 \cdot e^{G \cdot L} \geq 1$

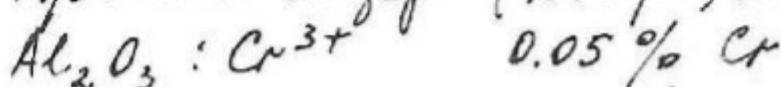
2) Необхідно щоб, для виконання фазових умов,

$$L = n \cdot \frac{\lambda}{2} \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

При цьому фазовий надіг світлової хвилі при подвійному проходженні через р-р кратний великі 2π, що забезпечує оптимальні умови для підсилення світла.

### Типи лазерів

1. Рубіновий лазер (1960 р., Мейман)



"Тригірівська" схема

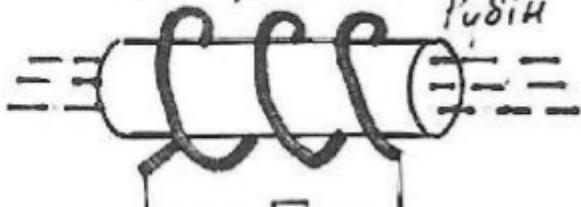
Перехід без випром.

2 Індуковане

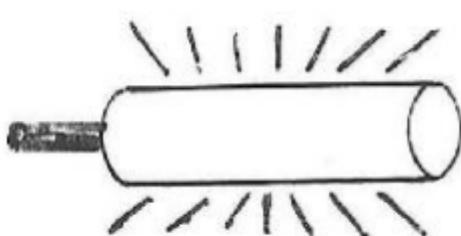
1 випромінювання,  $\lambda = 6943 \text{ \AA}$

Галогенова лампа

Рубін

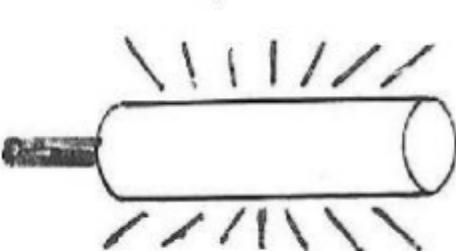


Джерело живлення



Рівень 2 - метастабільний  
газ життя на ньому  $\sim 10^{-3} \text{ с}$

Конструкція лазера Меймана



### Ласер з люмінесценцією

Кристал рубіна просвічується зеленими променем Ar-лазера вздовж осі кристалу.

## Потужність імпульсної лазерної накачки (обрінка) 12.

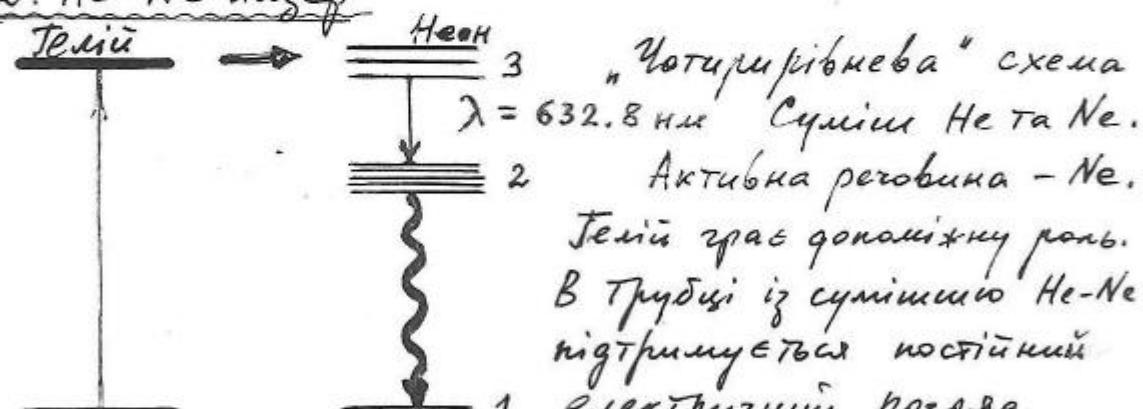
Концентрація атомів Сr  $N = 10^{19} \text{ см}^{-3}$

Для збудження генерації необхідно, щоб, прийшовши, половина атомів Сr ( $5 \cdot 10^{18} \text{ см}^{-3}$ ) перейшла на рівень 3. На перевіб 1 атому витрачається ен.  $W - W_1 = h\nu = 4 \cdot 10^{-12} \text{ ерг/атом}$ . Потва ен.:  $2 \cdot 10^7 \text{ ерг} \cdot \text{см}^{-3}$ . Атоми після цього перейти  $3 \rightarrow 2$  за час  $\Delta t \leq$  час життя атомів на рівні  $W_2$  ( $\sim 2 \cdot 10^{-3} \text{ с}$ ). Число спонтанне випромін. та релаксац. процесів будуть відповідати інверсію заселеності.

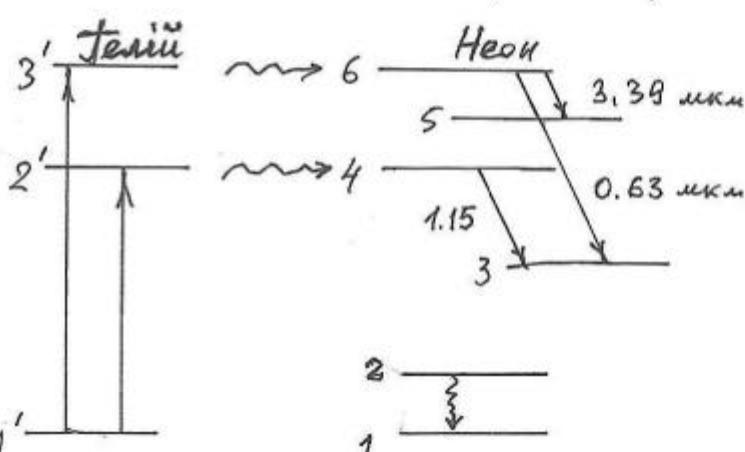
$$\text{Потужність, що поглинається } P = \frac{2 \cdot 10^7 \text{ ерг}}{\text{см}^3 \cdot 2 \cdot 10^{-3} \text{ с}} = \\ = 10^{10} \frac{\text{ерг}}{\text{см}^3 \cdot \text{с}} = 2 \cdot 10^3 \text{ Вт/см}^3 = 2 \text{ кВт на 1 см}^3.$$

При  $V = 10 \text{ см}^3$  необхідна потужність лазерної накачки  $P = 20 \text{ кВт}$ . Енергія смуги в більшій світлі, необхідна для насичення переходу  $1 \rightarrow 3$ , складає 15%. Тому повна потужність лазерної накачки  $P \approx 200 \text{ кВт}$ .

### 2. Не-Не лазер



Рівень 2 знаходитьсь високо і практично пустий. Це поглимує створення інверсії. Тому - неперевірена генерація.



Механізм інверсії рівнів в Не-Не лазері див. Сивухин... стр. 724

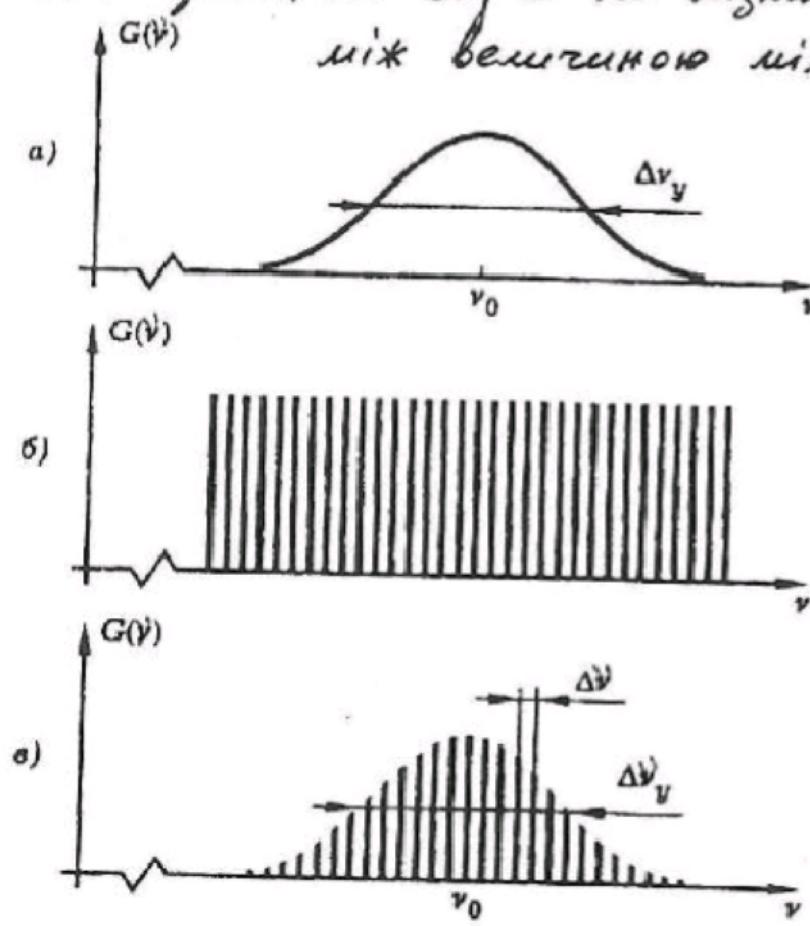
### Спектральний склад лазерного випромінювання

$$\Delta\nu = \frac{c}{2L}, \quad \nu_n = n \cdot \Delta\nu \quad n = 1, 2, 3, \dots$$

$\nu_n$  - власні моди резонатора (через те, що вони залежать від довжини р-ра  $L$ ). Кількість збуджених власн. мод залежить від  $L$  та визначається співвідношенням

між величиною штучного інтервалу ( $\Delta\nu$ )  
і шириною спектральної  
смузи підсилювача  
лазера ( $\Delta\nu_y$ ):

$$M = \frac{\Delta\nu_y}{\Delta\nu}$$



$\Delta\nu_y$  залежить з  
шириною спектральної  
лінії поглинання  
активного елементу  
лазера у відсутності  
інверсії населення.

Для He-Ne лазера  $\Delta\nu_y$  визначається доплеровським  
ускоренням спектральної лінії і складає величину  
 $\Delta\nu_y \sim 0.04 \text{ см}^{-1}$ .

Для рубінового лазера  $\Delta\nu_y = (2-4) \text{ см}^{-1}$

Для лазера на оксі з Nd  $\Delta\nu_y \sim 10^3 \text{ см}^{-1}$

Якщо  $L = 50 \text{ см}$ , то  $\Delta\nu = \frac{c}{2L} = 10^{-2} \text{ см}^{-1}$

He-Ne лазер  $M = 4$

Рубін. лазер  $M = 100$

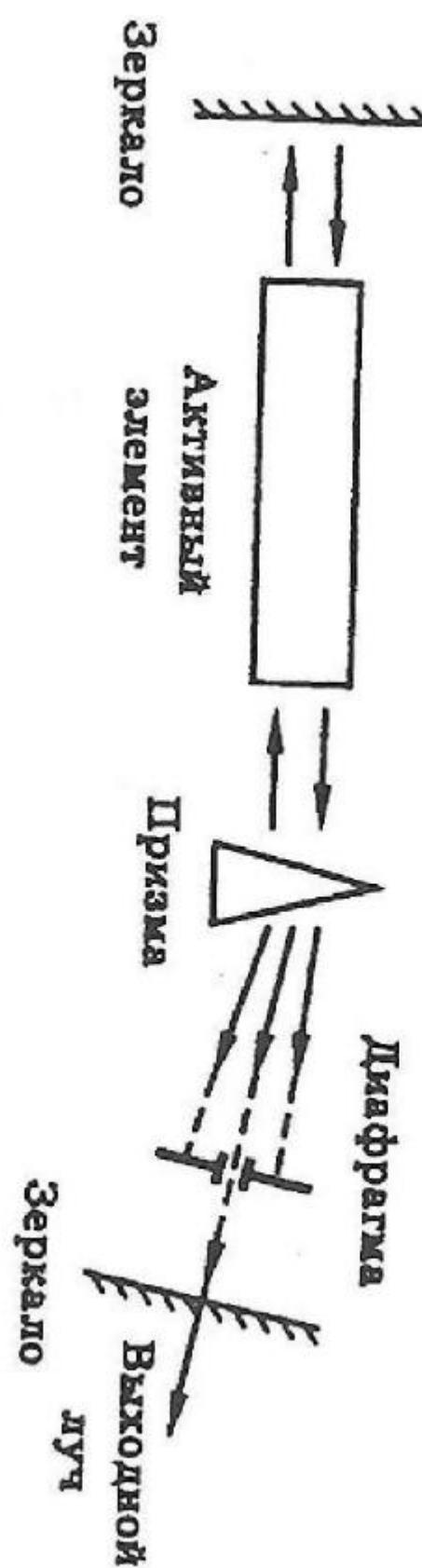
Скло з Nd  $M = 10^4$

Склад лазерного випромінювання - багатомодовий!

14.

### Одномодовый лазер

Частотный фильтр из пленочного элемента (пленка, DГР, стекло ф.-17.) + диафрагма фокусирует отрицатель однолюбовий режим генерации лазера.



Нашинський вугілоксиліновий лазер - He-Ne:  $\Delta V \sim 100 \text{ Гц}$

$$Q = \frac{\nu}{\Delta V} = 10^{13}$$

1) Оптична голографія.	1
2) Схема практичної реалізації голографії.	2
3) Вимоги отримання голографії.	3-4
4) Властивості голографії.	4-7
5) Оптика анізотропних середовищ.	8
6) Експериментальні факти.	8
7) Кристалооптика.	11
8) Структура світлової хвилі.	11
9) Оптичні властивості анізотропних кристалів.	12
10) В принципі типи кристалів.	13
11) Власні стани поляризації світлової хвилі.	14
12) Головна площа, висновки.	15
13) Швидкість розповсюдження незвичайної хвилі. Еліпсоїд показника заломлення.	16
14) Подвійне променезаломлення світла на границі з анізотропним середовищем.	17
15) Шось про «е» та «о» промені.	18
16) Заломлення світла в анізотропному кристалі.	19
17) Побудова Гюйгенса.	20
18) Знаходження поляризації хвиль в анізотропному кристалі.	20
19) Зауваження до побудови Гюйгенса.	21
20) Поляризоване світло: отримання, властивості, аналіз, використання.	22
21) Поляризаційні призми (Воластона, Томсона, Рошона)	22
22) Матеріали для поляризаційних призм.	24
23) Характеристики поляризаційних призм.	24
24) Закон Малюса.	24
25) Взаємодія ортогонально поляризованих променів.	25
26) Робота тіпа з фазовою платівкою.	25-26
27) Аналіз стану поляризації.	27
28) Компенсатор Бабіне.	27
29) Інтерференція лінійно поляризованих хвиль.	28
30) Тіпа напрямок і схема спостереження поляризованих хвиль.	28
31) Оптична активність (про речовини, розчини)	30
32) Оптична активність як особливий випадок двопроменезаломлення (Теорія Френеля)	31
33) Штучна оптична анізотропія. Анізотропія при механічній напрузі (фотопружність)	33
34) Анізотропія в електричному полі (ефект Козра)	33
35) Анізотропія в магнітному полі (ефект Коттона-Мутона)	34
36) Ефект Фарадея.	34
37) Схема аналізу стану поляризації світлового променя.	35
38) Розсіювання світла.	36
39) Види макроскопічних неоднорідностей.	36
40) Ефекти розсіювання.	37
41) Індикатори розсіювання.	37
42) Молекулярне розсіювання світла.	38
43) Тіпа розсіювання в газі і тому подібне.	40
44) Полярна діаграма для природного світла.	40
45) Висновки (тіпа колір неба.....)	41

46) Розсіювання Мандельштама-Бріллюсна.	42
47) Акустичні та світлові хвилі.	42
48) Тонка структура релеївської лінії.	42
49) Зауваження до попереднього.	43
50) Комбінаційне розсіювання світла (ефект Романа)	44
51) Експеримент, властивості попереднього.	44
52) Про модуляцію за рахунок коливань молекул.	45
53) Стоксова та анистоксова компоненти.	45-46
54) Спектри цих компонент.	46
55) Оптичні явища зумовлені розсіянням світла в атмосфері(денне, райдуга, гало, вінці)	
	47
56) Теплове випромінювання.	51
57) Основні експериментальні факти.	51
58) Поглинальна здатність хвиль.	52
59) Абсолютно чорне тіло.	52
60) Випромінювальна здатність хвиль.	53
61) Рівноважне теплове випромінювання.	53
62) Закон Кіргофа.	53-54
63) Уявний експеримент що демонструє справедливість закону Кіргофа.	54
64) Експеримент, що демонструє зв'язок між випромінювальною та поглинальною здатністю.	55
65) Закон Стефана-Больцмана.	55
66) Формула Віна і закон зміщення Віна.	56
67) Висновки до попереднього.	56
68) Графік максимального значення випромінювальної здатності.	57
69) Спектральна густота рівноважного теплового випромінювання.	57
70) Закон випромінювання Релея-Джанса.	58
71) Закон випромінювання Віна.	58
72) Ультрафіолетова катастрофа.	59
73) Формула Планка.	59
74) Висновки з формули Планка.	60
75) Світловий квант.	62
76) Оптичні переходи . Квантова модель атома.	62
77) Енергетичні рівні атома.	63
78) Спонтанне та вимушене випромінювання, поглинання.	63
79) Спонтанне випромінювання, детально.	63
80) Спонтанний перехід, випадкова подія.	64
81) Вимушене поглинання.	64
82) Вимушене індуковане випромінювання.	65
83) Границі випадки для якогось там коефіцієнта Енштейна.	66
84) Формула Планка.	66
85) Лазер, диференціали.	67
86) Повна потужність лазера.	67
87) Взаємодія світла з атомами в лазері.	67
88) Висновок інтенсивності.	68
89) Закон Бугера-Ламберта.	68

90)Про інверсійний стан.	69
91)Лавиноподібне зростання фотонів.	69
92)Режим підсилення->>> Генерація світла.	69
93)Умови самозбудження лазера.	70
94)Типи лазерів.	70
95)Конструкція лазера Меймана.	70
96)Дослід з люмінесценцією.	70
97)Потужність імпульсної лампи накачки(оцінка).	71
98)Гелій неоновий лазер.	71
99)Спектральний склад лазерного випромінювання, графік.	72
100)Одномодовий лазер.	73
101)Його конструкція.	73