2085
1,670

40 $P_{екв}(j) = C_n^j p^j (1-p)^{n-j}$ — ймовірність, що $n-j$ біти будуть правильно

C_n^j — перестановки; p^j — ймовірність j помилок

j — кількість помилок

p — ймовірність помилки каналного біта

$p = 10^{-3}$

Лінійний блоковий код $(127, 92)$ (n, k)

Оскільки код дозволяє виправляти кратності помилки, то обмежимо P для $j \geq 4$.

$$P_{екв}(4) = \frac{127!}{4!\,123!} \cdot 10^{-12} (1-10^{-3})^{127-4} \approx$$

$$\approx \frac{124 \cdot 125 \cdot 126 \cdot 127}{4 \cdot 3 \cdot 2 \cdot 1} \cdot 10^{-12} (0{,}999)^{123} \approx 8 \cdot 10^{-6}$$

Тобто ймовірність помилки менша ніж для каналького біта. (некодованого повідомлення)

Запитання чи доцільно враховувати можливість помилки більшої кратності ніж 4. Якщо так, то $P_{екв} \approx P_{екв}(4) + P_{екв}(5) + ___ + P_{екв}(127)$.

І чи ми порівняємо з помилкою для окремого бита, чи для 4? Коли мова йде про $P_{ecr}(4)$ та P якщо для 4х, то некодований сигнал має помилку (P^4). — малоймовірно.

---

(41) (8,7)

n / \ k

$n = k+1$

1 біт контролю парності.

$P = 10^{-2}$ — для канального бита імов. помилки

1 біт контролю парності дозволяє виправляти лише одократні помилки.

Тоді $P_{ecr}(j) = C_n^j P^j (1-P)^{n-j}$ ← імовірність правильності решти $n-j$ бітів

перестановки для помилкових бітів | імовірність j помилок

$j = 2$ (Запитати чи потрібно враховувати $j = 3$ і більше, якщо так, то $P = P_{ecr}(2) + P_{ecr}(3) + \dots P_{ecr}(n)$)

$P_{ecr}(2) = \frac{8!}{2!\,6!} 10^{-4} (1-10^{-2})^6 = 0{,}26 \cdot 10^{-2}$

Тобто незначне покращення.